

# Tárgykövetés a robotikában

Bócsi Botond Attila

Babes-Bolyai Tudományegyetem, Kolozsvár,  
Matematika és Informatika Kar, Informatika Szak

2007. december 9.

# Miről lesz szó...

1 A Kálmán szűrő

2 Tárgykövetés

3 Az AIBO kutya programozása

# Dinamikus rendszerek

- Általában

$$x_k = f(x_{k-1})$$

$$z_k = h(x_k)$$

- Lineáris dinamikus rendszerek

$$x_k = Fx_{k-1}$$

$$z_k = Hx_k$$

- Zajjal perturbált lineáris dinamikus rendszerek

$$x_k = Fx_{k-1} + w_k$$

$$z_k = Hx_k + v_k$$

# Dinamikus rendszerek

- Általában

$$x_k = f(x_{k-1})$$

$$z_k = h(x_k)$$

- Lineáris dinamikus rendszerek

$$x_k = Fx_{k-1}$$

$$z_k = Hx_k$$

- Zajjal perturbált lineáris dinamikus rendszerek

$$x_k = Fx_{k-1} + w_k$$

$$z_k = Hx_k + v_k$$

# Dinamikus rendszerek

- Általában

$$x_k = f(x_{k-1})$$

$$z_k = h(x_k)$$

- Lineáris dinamikus rendszerek

$$x_k = Fx_{k-1}$$

$$z_k = Hx_k$$

- Zajjal perturbált lineáris dinamikus rendszerek

$$x_k = Fx_{k-1} + w_k$$

$$z_k = Hx_k + v_k$$

# A Kálmán szűrő

- Vizsgált dinamikus rendszer

$$x_k = Fx_{k-1} + Bu_k + w_k$$

$$z_k = Hx_k + v_k$$

- Megoldás formája

$$\hat{x}_k = K_k^1 x_{k-1} + \bar{K}_k z_k$$

# A Kálmán szűrő

- Vizsgált dinamikus rendszer

$$x_k = Fx_{k-1} + Bu_k + w_k$$

$$z_k = Hx_k + v_k$$

- Megoldás formája

$$x_k = K_k^1 x_{k-1} + \bar{K}_k z_k$$

# Kétlépéses működés

## 1 Jóslás

$$x_k^- = Fx_{k-1}^+ + Bu_k$$

$$P_k^- = FP_{k-1}^+ F^T + Q$$

## 2 Javítás

$$K_k = P_k^- H^T (H P_k^- H^T + R)^{-1}$$

$$P_k^+ = (I - K_k H) P_k^-$$

$$x_k^+ = x_k^- + K_k (z_k - H x_k^-)$$

# Kétlépéses működés

## 1 Jóslás

$$x_k^- = F \color{red}{x_{k-1}^+} + Bu_k$$

$$P_k^- = F \color{red}{P_{k-1}^+} F^T + Q$$

## 2 Javítás

$$K_k = P_k^- H^T (H P_k^- H^T + R)^{-1}$$

$$\color{red}{P_k^+} = (I - K_k H) P_k^-$$

$$\color{red}{x_k^+} = x_k^- + K_k (z_k - H x_k^-)$$

# Kétlépéses működés

## 1 Jóslás

$$x_k^- = Fx_{k-1}^+ + Bu_k$$

$$P_k^- = FP_{k-1}^+ F^T + \textcolor{red}{Q}$$

## 2 Javítás

$$K_k = P_k^- H^T (H P_k^- H^T + \textcolor{red}{R})^{-1}$$

$$P_k^+ = (I - K_k H) P_k^-$$

$$x_k^+ = x_k^- + K_k (z_k - H x_k^-)$$

# Kálmán szűrő a tárgykövetésben

- $x_k = Fx_{k-1} + w_k$

$$\begin{bmatrix} x_k \\ y_k \\ \Delta x_k \\ \Delta y_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{k-1} \\ y_{k-1} \\ \Delta x_{k-1} \\ \Delta y_{k-1} \end{bmatrix} + w_k$$

- $z_k = Hx_k + v_k$

$$\begin{bmatrix} zx_k \\ zy_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_k \\ y_k \\ \Delta x_k \\ \Delta y_k \end{bmatrix} + v_k$$

# Kálmán szűrő a tárgykövetésben

- $x_k = Fx_{k-1} + w_k$

$$\begin{bmatrix} x_k \\ y_k \\ \Delta x_k \\ \Delta y_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{k-1} \\ y_{k-1} \\ \Delta x_{k-1} \\ \Delta y_{k-1} \end{bmatrix} + w_k$$

- $z_k = Hx_k + v_k$

$$\begin{bmatrix} zx_k \\ zy_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_k \\ y_k \\ \Delta x_k \\ \Delta y_k \end{bmatrix} + v_k$$

# Kálmán szűrő a tárgykövetésben

- $x_k = Fx_{k-1} + w_k$

$$\begin{bmatrix} x_k \\ y_k \\ \Delta x_k \\ \Delta y_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{k-1} \\ y_{k-1} \\ \Delta x_{k-1} \\ \Delta y_{k-1} \end{bmatrix} + w_k$$

- $z_k = Hx_k + v_k$

$$\begin{bmatrix} zx_k \\ zy_k \\ \Delta zx_k \\ \Delta zy_k \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_k \\ y_k \\ \Delta x_k \\ \Delta y_k \end{bmatrix} + v_k$$

# Technikai tudnivalók

- 576 Mhz MIPS processzor (R7000), 64 Mbyte RAM
- Érzékelők:
  - 300k pixeles kamera
  - Sztereo mikrofon
  - Infrakamera (távolságérzékelés)
  - Sebsességmérő
  - Nyomásérzékelők (2 fejen + 2 háton)
- Szabadságfokok:
  - Fej (3)
  - Lábak ( $4 \times 3$ )
  - Farok (1)
  - Száj (1)
  - Hangszóró
  - Ledek (fejen, háton)

# Technikai tudnivalók

- 576 Mhz MIPS processzor (R7000), 64 Mbyte RAM
- Érzékelők:
  - 300k pixeles kamera
  - Sztereo mikrofon
  - Infrakamera (távolságérzékelés)
  - Sebsességmérő
  - Nyomásérzékelők (2 fejen + 2 háton)
- Szabadságfokok:
  - Fej (3)
  - Lábak ( $4 \times 3$ )
  - Farok (1)
  - Száj (1)
  - Hangszóró
  - Ledek (fejen, háton)

# Technikai tudnivalók

- 576 Mhz MIPS processzor (R7000), 64 Mbyte RAM
- Érzékelők:
  - 300k pixeles kamera
  - Sztereo mikrofon
  - Infrakamera (távolságérzékelés)
  - Sebsességmérő
  - Nyomásérzékelők (2 fejen + 2 háton)
- Szabadságfokok:
  - Fej (3)
  - Lábak ( $4 \times 3$ )
  - Farok (1)
  - Száj (1)
  - Hangszóró
  - Ledek (fejen, háton)

# AIBO SDK-ja

## 1 Magas rendű:

- R-CODE
- speciális script nyelv

## 2 Alacsony rendű:

- OPEN-R (C++ alapú)
- minden *objektum*
- Objektumok párhuzamosan működnek
- Kommunikáció üzenetküldés segítségével

# AIBO SDK-ja

## 1 Magas rendű:

- R-CODE
- speciális script nyelv

## 2 Alacsony rendű:

- OPEN-R (C++ alapú)
- minden *objektum*
- Objektumok párhuzamosan működnek
- Kommunikáció üzenetküldés segítségével

# Tudnak a kutyák focizni?