

**UNIVERSITATEA BABEŞ-BOLYAI**  
**FACULTATEA DE MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ**

**EXAMEN DE ADMITERE – 2010**  
**Proba scrisă la MATEMATICĂ**

**SUBIECTUL I**

Considerăm punctele  $A(5, 0)$ ,  $B(-2, 4)$  și  $C(2, -2)$  în plan.

- (10p) a) Să se calculeze măsura unghiului  $ACB$  și aria triunghiului  $ABC$ .  
(10p) b) Să se calculeze coordonatele ortocentrului și ale centrului de greutate pentru triunghiul  $ABC$ .  
(10p) c) Să se demonstreze că dacă  $D$  aparține segmentului deschis  $(AB)$ , atunci  $D$  nu poate avea ambele coordonate numere întregi.

**SUBIECTUL II**

Fie funcția  $f : \left(\frac{1}{2}, +\infty\right) \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(x) = \ln(2x - 1) - x$ .

- (10p) a) Să se determine  $f'(x)$ ,  $f''(x)$  și  $f^{(n)}(x)$ , unde  $n \in \mathbb{N}, n \geq 2$ .  
(10p) b) Determinați ecuația tangentei la graficul funcției  $f$  în punctul de abscisă  $x = 1$ .  
(10p) c) Să se calculeze  $\int_1^2 f(x)dx$ .

**SUBIECTUL III**

Se consideră sistemul în necunoscutele  $x, y$  și  $z$

$$\begin{cases} x + y + z = 0 \\ 2x \cos \alpha + 2y \sin \alpha + z = 0 \\ 2x \cos 2\alpha - 2y \cos 2\alpha - z = 0 \end{cases}$$

unde  $\alpha$  este un parametru real.

- (10p) a) Să se calculeze determinantul  $D$  al sistemului, aducându-l la forma cea mai simplă.  
(10p) b) Pentru ce valori ale lui  $\alpha$  sistemul admite și soluții diferite de soluția nulă?  
(10p) c) Să se rezolve sistemul pentru  $\alpha = \frac{61\pi}{6}$ .

- Toate subiectele sunt obligatorii.
- Se acordă 10 puncte din oficiu.
- Timpul efectiv de lucru este de 3 ore.

**UNIVERSITATEA BABEŞ-BOLYAI**  
**FACULTATEA DE MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ**

**EXAMEN DE ADMITERE – 2010**  
**BAREM MATEMATICĂ**

- |                 |           |   |    |
|-----------------|-----------|---|----|
| <b>I.</b>       | <b>a)</b> | Măsura unghiului $ACB$ :                | 5p |
|                 |           | Aria triunghiului $ABC$ :               | 5p |
|                 | <b>b)</b> | Ortocentrul triunghiului $ABC$ :        | 5p |
|                 |           | Centrul de greutate:                    | 5p |
|                 | <b>c)</b> | Coordonatele lui $D$ :                  | 5p |
|                 |           | Deducerea concluziei:                   | 5p |
| <br><b>II.</b>  | <b>a)</b> | Calculul derivatei întâi:               | 2p |
|                 |           | Derivata a doua:                        | 2p |
|                 |           | Derivata a $n$ -a:                      | 6p |
|                 | <b>b)</b> | Ecuația tangentei:                      | 4p |
|                 |           | Înlocuirea $f(1)$ și $f'(1)$ :          | 3p |
|                 |           | Scrierea ecuației:                      | 3p |
|                 | <b>c)</b> | Formula integrării prin părți:          | 4p |
|                 |           | Calculul integralei:                    | 4p |
|                 |           | Rezultatul final:                       | 2p |
| <br><b>III.</b> | <b>a)</b> | Scrierea determinantului sistemului:    | 2p |
|                 |           | Calculul determinantului:               | 8p |
|                 | <b>b)</b> | Condiția $D = 0$ :                      | 2p |
|                 |           | Rezolvarea ecuației $D = 0$ :           | 8p |
|                 | <b>c)</b> | Înlocuirea $\alpha = \frac{61\pi}{6}$ : | 4p |
|                 |           | Rezolvarea sistemului:                  | 6p |