

## A TANTÁRGY ADATLAPJA

### 1. A képzési program adatai

1.1 Felsőoktatási intézmény	Babeş-Bolyai Tudományegyetem
1.2 Kar	Matematika és Informatika Kar
1.3 Intézet	Magyar Matematika és Informatika
1.4 Szakterület	Matematika
1.5 Képzési szint	Mesteri
1.6 Szak / Képesítés	Korszerű módszerek a matematikatanításban

### 2. A tantárgy adatai

2.1 A tantárgy neve	Geometriai egyenlőtlenségek						
A tantárgy kódja	MMM3034						
2.2 Az előadásért felelős tanár neve	Mezei Ildikó Ilona						
2.3 A szemináriumért felelős tanár neve	Mezei Ildikó Ilona						
2.4 Tanulmányi év	2	2.5 Félév	1	2.6. Értékelés módja	Vizsga	2.7 Tantárgy típusa	szaktárgy

### 3. Teljes becsült idő (az oktatási tevékenység féléves óraszama)

3.1 Heti óraszám	3	melyből: 3.2 előadás	2	3.3 szeminárium/labor	1
3.4 Tantervben szereplő össz-óraszám	42	melyből: 3.5 előadás	28	3.6 szeminárium/labor	14
A tanulmányi idő elosztása:					Óra
A tankönyv, a jegyzet, a szakirodalom vagy saját jegyzetek tanulmányozása					20
Könyvtárban, elektronikus adatbázisokban vagy terepen való további tájékozódás					10
Szemináriumok / laborok, házi feladatok, portfóliók, referátumok, esszék kidolgozása					20
Egyéni készségfejlesztés (tutorálás)					8
Vizsgák					10
Más tevékenységek: házi feladatok javítása					15
3.7 Egyéni munka össz-óraszama	83				
3.8 A félév össz-óraszama	<b>125</b>				
3.9 Kreditszám	<b>5</b>				

### 4. Előfeltételek (ha vannak)

4.1 Tantervi	Nincsen
4.2 Kompetenciabeli	Elemi geometria, trigonometria, analízis elemei

### 5. Feltételek (ha vannak)

5.1 Az előadás lebonyolításának feltételei	Táblával és videoprojektorral felszerelt előadó
5.2 A szeminárium / labor lebonyolításának feltételei	Táblával és videoprojektorral felszerelt előadó

## 6. Elsajátítandó jellemző kompetenciák

<b>Szakmai kompetenciák</b>	<p>C1.1 Fogalmak azonosítása, elméletek leírása és a szaknyelv használata</p> <p>C1.2 A matematikai fogalmak helyes magyarázata és értelmezése a szaknyelv felhasználásával</p> <p>C1.3 A módszerek és elvek helyes alkalmazása a matematikafeladatok megoldásában</p> <p>C1.4. Főbb matematikai problématípusok felismerése és a megoldásukhoz szükséges módszerek, technikák kiválasztása.</p> <p>C 5.1 A matematikai bizonyítások megfelelő fogalmainak, módszereinek és technikáinak azonosítása</p> <p>C 5.2 Matematikai gondolatmenetek alkalmazása matematikai eredmények bizonyítására</p> <p>C 5.3 Matematikai eredmények igazolására vonatkozó érvelések logikus felépítése és kifejtése, a feltételek és a következtetések világos azonosításával</p> <p>C 5.4 Különböző bizonyítási módszerek hatékony alkalmazása és komparatív elemzése</p>
<b>Transzverzális kompetenciák</b>	<p>CT1 A szervezett és hatékony munka szabályainak, a didaktikai-tudományos területhez való felelősségteljes hozzáállás alkalmazása a saját potenciál kreatív értékesítéséhez, a szakmai etika alapelveinek és normáinak tiszteletben tartásával</p> <p>CT3 Hatékony módszerek és technikák használata tanulásra, információszerzésre, kutatásra és a tudásszerzési kapacitások fejlesztésére, egy dinamikus társadalom igényeinek való megfelelésre, román és egy nemzetközi nyelven történő kommunikációra</p>

## 7. A tantárgy célkitűzései (az elsajátítandó jellemző kompetenciák alapján)

7.1 A tantárgy általános célkitűzése	<p>Az előadás célja, hogy a diákokkal ismertessük azon geometria, trigonometria, vektorszámítás illetve a matematikai analízis alapelemeit és módszereit, amelyeknek jelentős alkalmazásaik vannak több tudományterületen.</p> <p>A diákok az elsajátított ismereteket és módszereket felhasználhatják az oktatásban és a diákok versenyekre való felkészítésében.</p>
7.2 A tantárgy sajátos célkitűzései	Azon ismeretek elsajátítása, amelyek szükségesek a geometriai egyenlőtlenségek bizonyításához

## 8. A tantárgy tartalma

8.1 Előadás	Didaktikai módszerek	Megjegyzések
1. Alapegyenlőtlenségek	Előadás	[1], [2]
2. Metrikus geometriai eszközök az egyenlőtlenségek bizonyításánál	Előadás	[1], [2]. [3]
3. Algebrai egyenlőtlenségek	Előadás	[1], [2]
4. Terület és térfogat alkalmazásai a egyenlőtlenségek bizonyításánál	Előadás	[1], [2]. [3]

5. Trigonometriai módszerek alkalmazása a geometriai egyenlőtlenségek bizonyításánál	Előadás	[1], [3]
6. Trigonometriai azonosságok és algebrai egyenlőtlenségek alkalmazása	Előadás	[1], [3]
7. Geometriai transzformációk	Előadás	[4]
8. Geometriai transzformációk módszerek alkalmazása a geometriai egyenlőtlenségek bizonyításánál	Előadás	[1], [4]
9. Vektoralgebrai fogalmak átisméltése	Előadás	[1], [4]
10. Vektoralgebra felhasználása egyenlőtlenségek kimutatásában	Előadás	[1], [2], [3], [4]
11. Komplex számok felhasználása geometriai egyenlőtlenségek bizonyításánál	Előadás	[1], [2], [3], [4]
12. Egyenlőtlenségek geometriai bizonyítása	Előadás	[1], [2], [3], [4]
13. Analitikus eljárások	Előadás	[1], [2]
14. Nevezetes problémák, nyitott kérdések	Előadás	[1], [2], [5], [6]

### **Könyvészet**

1. Sándor József, Geometriai egyenlőtlenségek, Dacia Könyvkiadó, Kolozsvár, 1988.
2. O Bottema, Geometric inequalities, Wolters-Noordhoff Publishing Groningen, 1969.
3. Róka Sándor, 2000 feladat az elemi matematika köréből, Typotex Kiadó, Budapest, 2000.
4. Mezei Ildikó-Ilona, Varga Csaba, Analitikus mértan, Kolozsvári Egyetemi Kiadó, 2010.
5. D.O. Skljarszki, N.N. Csencov, I.M. Jaglom, Válogatott feladatok és tételek az elemi matematika köréből, Geometria I, Tankönyvkiadó, Budapest, 1972.
6. D.O. Skljarszki, N.N. Csencov, I.M. Jaglom, Válogatott feladatok és tételek az elemi matematika köréből, Geometriai egyenlőtlenségek és szélsőérték-feladatok, Tankönyvkiadó, Budapest, 1973.

8.2 Szeminárium / Labor

Didaktikai módszerek

Megjegyzések

1. Alapegyenlőtlenségek	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2]
2. Metrikus geometriai eszközök az egyenlőtlenségek bizonyításánál	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3]. [5], [6].
3. Algebrai egyenlőtlenségek	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3].
4. Terület és térfogat alkalmazásai a egyenlőtlenségek bizonyításánál	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3]. [5], [6].
5. Trigonometriai módszerek alkalmazása a geometriai egyenlőtlenségek bizonyításánál	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3]
6. . Trigonometriai azonosságok és algebrai egyenlőtlenségek alkalmazása	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3]. [4].
7. Geometriai transzformációk	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [4], [5]
8. Geometriai transzformációk módszerek alkalmazása a geometriai egyenlőtlenségek bizonyításánál	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3]. [5], [6].
9. Vektoralgebrai fogalmak átvizsgálása	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3]. [4].
10. Vektoralgebra felhasználása egyenlőtlenségek kimutatásában	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3]. [4].
11. Komplex számok felhasználása geometriai egyenlőtlenségek bizonyításánál	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3]. [4].
12. Egyenlőtlenségek geometriai bizonyítása	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [5], [6].
13. Analitikus eljárások	Feladatok megoldása, problematizálás, beszélgetés	[1], [2], [3].
14. Egyéni dolgozat bemutatása	Előadás, beszélgetés	

## Könyvészet

1. Sándor József, Geometriai egyenlőtlenségek, Dacia Könyvkiadó, Kolozsvár, 1988.
2. O Bottema, Geometric inequalities, Wolters-Noordhoff Publishing Groningen, 1969.

3. Róka Sándor, 2000 feladat az elemi matematika köréből, Typotex Kiadó, Budapest, 2000.
4. Mezei Ildikó-Ilona, Varga Csaba, Analitikus mértan, Kolozsvári Egyetemi Kiadó, 2010.
5. D.O. Skljarszki, N.N. Csencov, I.M. Jaglom, Válogatott feladatok és tételek az elemi matematika köréből, Geometria I, Tankönyvkiadó, Budapest, 1972.
6. D.O. Skljarszki, N.N. Csencov, I.M. Jaglom, Válogatott feladatok és tételek az elemi matematika köréből, Geometriai egyenlőtlenségek és szélsőérték-feladatok, Tankönyvkiadó, Budapest, 1973.

**9. Az episztemikus közösségek képviselői, a szakmai egyesületek és a szakterület reprezentatív munkáltatói elvárásainak összhangba hozása a tantárgy tartalmával.**

A tantárgy tartalma megegyezik az egyetemi oktatásban a fontosabb egyetemeken oktatott elemi geometria hagyományos tartalmával.

A tárgy segítséget nyújt a számítógép kínálta lehetőségek kiaknázásában geometria problémák megoldása esetén.

Az előadások során megismert módszerek jobb megértésében és alkalmazásában segít.

**10. Értékelés**

Tevékenység típusa	10.1 Értékelési kritériumok	10.2 Értékelési módszerek	10.3 Aránya a végső jegyben
10.4 Előadás	Alapfogalmak és alaptételek ismerete	Félév végi szóbeli vizsga	50%
10.5 Szeminárium / Labor	Feladatmegoldások helyessége	Szemináriumi tevékenység	30%
		Egyéni dolgozat bemutatása	20%
10.6 A teljesítmény minimumkövetelményei			
Az geometriai egyenlőtlenségek megoldásai legalapvetőbb módszereinek és alkalmazási lehetőségeinek ismerete. Tudjon megoldani egyszerűbb feladatokat minden fejezetből.			

Kitöltés dátuma

2022 április 22.

Előadás felelőse

dr. Mezei Ildikó-Ilona adj.

Szeminárium felelőse

dr. Mezei Ildikó-Ilona adj.

Az intézeti jóváhagyás dátuma

2022 április 30.

Intézetigazgató

dr. András Szilárd docens