

## FIŞA DISCIPLINEI

### 1. Date despre program

1.1 Instituția de învățământ superior	Universitatea Babeș-Bolyai Cluj-Napoca				
1.2 Facultatea	Facultatea de Matematică și Informatică				
1.3 Departamentul	Departamentul de matematică				
1.4 Domeniul de studii	Matematică				
1.5 Ciclul de studii	Licență				
1.6 Programul de studiu / Calificarea	Matematică				

### 2. Date despre disciplină

2.1 Denumirea disciplinei	Geometrie 2 (Geometrie afină)				
2.2 Titularul activităților de curs	Conf. Dr. Cornel-Sebastian Pintea				
2.3 Titularul activităților de seminar	Conf. Dr. Cornel-Sebastian Pintea				
2.4 Anul de studiu	I	2.5 Semestrul	II	2.6. Tipul de evaluare	VP
				2.7 Regimul disciplinei	Continut
				Obligativitate	Felul disciplinei DF Obligatoriu

### 3. Timpul total estimat (ore pe semestru al activităților didactice)

3.1 Număr de ore pe săptămână	4	Din care: 3.2 curs	2	3.3 seminar/laborator	2
3.4 Total ore din planul de învățământ	56	Din care: 3.5 curs	28	3.6 seminar/laborator	28
Distribuția fondului de timp:					ore
Studiul după manual, suport de curs, bibliografie și notițe					22
Documentare suplimentară în bibliotecă, pe platformele electronice de specialitate și pe teren					12
Pregătire seminarii/laboratoare, teme, referate, portofolii și eseuri					15
Tutoriat					15
Examinări					10
Alte activități: .....					-
3.7 Total ore studiu individual				74	
3.8 Total ore pe semestru				130	
3.9 Numărul de credite				6	

### 4. Precondiții (acolo unde este cazul)

4.1 de curriculum	Algebră liniară, Geometrie analitică
4.2 de competențe	Competențe în materie de raționamente logice și de utilizare a cunoștințelor de curriculum precizate mai sus

### 5. Condiții (acolo unde este cazul)

5.1 De desfășurare a cursului	Sala de curs să fie dotată cu tablă și videoproiector. Prezența la cursuri în intervalul stabilit de orar este recomandată
5.2 De desfășurare a seminarului/laboratorului	Sala de seminar să fie dotată cu tablă și videoproiector.. Prezența la seminar în intervalul stabilit de orar este recomandată Studiul cursurilor anterioare seminarului este de asemenea recomandat.

## 6. Competențele specifice acumulate

<b>Competențe profesionale</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>□ Abilitatea de a distinge varietățile affine din clasa suprafețelor implicate sau parametrice.</li> <li>□ Abilitatea de a opera cu operatorul învelitorii affine pe baza proprietăților esențiale ale acestuia.</li> <li>□ Abilitatea de a aduce conicele și cuadricele la forma canonica folosind metoda vectorilor și a valorilor proprii.</li> <li>□ Să își înșească rezultatele teoretice fundamentale ale cursului între care amintim teorema de generare a grupului izometriilor spațiului euclidian de simetriile ortogonale față de hiperplane.</li> </ul>
<b>Competențe transversale</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>□ Studenții să dobândească abilitatea de a recunoaște obiectele de natură afină în cadrul altor cursuri studiate.</li> <li>□ Studenții să își cultive abilitățile dabândite la cursul de Geometrie afină în vederea conectării și a aplicării lor la alte cursuri care solicită cunoștințe de Geometrie afină, pe care le studiază.</li> <li>□ Folosirea cunoștințelor și abilităților dabândite la cursul de Geometrie afină în vederea aplicării lor în problemele din viața reală care se pretează la abordări de natură afină.</li> </ul>

## 7. Obiectivele disciplinei (reiesind din grila competențelor acumulate)

7.1 Obiectivul general al disciplinei	<ul style="list-style-type: none"> <li>□ Scopul cursului este acela de a generaliza noțiunile geometriei clasice cum ar fi cele de punct, dreaptă sau plan. Acestea din urmă sunt un puternic suport intuitiv pentru obiecte similare din spații <math>n</math>-dimensionale.</li> <li>□ Abilitatea de a opera cu aceste noțiuni noi sub aspect afin, metric și analitic.</li> <li>□ Studenții vor fi în masură să identifice elementele spațiilor affine și să opereze cu acestea.</li> </ul>
7.2 Obiectivele specifice	<ul style="list-style-type: none"> <li>□ Studenții trebuie să fie capabili să distingă varietățile affine din clasa suprafețelor implicate sau parametrice.</li> <li>□ Studenții trebuie să fie capabili să opereze cu operatorul învelitorii affine pe baza proprietăților esențiale ale acestuia.</li> <li>□ Studenții trebuie să fie capabili să decidă natura conicelor și a cuadricelor folosind invariante și semiinvarante lor ortogonale.</li> <li>□ Studenții trebuie să fie capabili să aducă la forma redusă conicele și cuadricele folosind metoda vectorilor și a valorilor proprii.</li> <li>□ Studenții trebuie să își înșească rezultatele teoretice fundamentale ale cursului.</li> </ul>

## 8. Continuturi

8.1 Curs	Metode de predare	Observatii
1. Structura afina a unui spatiu vectorial. Varietati liniare. Spatiul director si dimensiunea unei varietati liniare. Intersectia unei familii de varietati liniare. Exemple de varietati liniare.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.. Descriere explicatii si exemple.	
2. Invelitori si combinatii affine. Dreptele unui spatiu vectorial.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
3. Teorema dimensiunii. Paralelism. Proprietati laticeale ale structurii affine. Structura afina a spatiului $K^n$ .	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
4. Spatii reale, multimi convexe. Invelitoarea convexa. Exemple de multimi convexe si exemple de multimi neconvexe. Teorema lui Caratheodory.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
5. Teoremele lui Radon si Helly. Teoremele lui Minkowski, Krein-Milman and Motzkin.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
6. Spatiul afin. Definitie si exemple. Subspatii affine. Combinatii affine.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
7. Repere affine si repere carteziene. Schimbaerea coordonatelor. Functii polinomiale. Reprezentari matriceale ale functiilor polinomiale de gradul doi.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
8. Forma canonica izometrica a conicelor. Invariante si semiinvariante ortogonale. Teorema de reducere izometrica a polinoamelor de gradul doi in doua variabile si a conicelor.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
9. Forma canonica izometrica a cuadricelor. Invariante si semiinvariante ortogonale. Teorema de reducere izometrica a polinoamelor de gradul doi in trei variabile si a cuadricelor.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
10. Morfisme affine si aplicatii affine. Ecuatiile unei aplicatii affine. Imaginile inverse ale unei aplicatii affine. Teorema dimensiunii. Functionale affine. Hiperplane.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
11. Endomorfismele unui spatiu afin. Subspatii invariante. Translatia si omotetia.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
12. Proiectii si simetrii. Ecuatiile proiectiilor si simetriilor.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
13. Spatii affine euclidiene. Distante in spatiul afin euclidian.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	
14. Izometrii si grupuri de izometrii.	Prelegere. Descriere explicatii si exemple.	

## Bibliografie

1. Galbura, Gh., Rado, F., Geometrie, Editura Didactica si Pedagogica, Bucuresti, 1979.
2. Pintea C., Geometrie. Elemente de geometrie analitica. Elemente de Geometrie diferențială a curbelor și suprafaciilor, Presa Universitară Clujeana, 2001.
3. Popescu, I.P., Geometrie afina si euclidiană, Editura Facla, Timisoara, 1984.

8.2 Seminar	Metode de predare	Observatii
-------------	-------------------	------------

Natura afină sau non-afină a unor suprafețe implicate.	Explicații, Conversație, Rezolvare probleme	1 seminar
Învelitoarea afină a unor reuniuni. Paralelism și intersecție. Teorema dimensiunii. Exemple.	Explicații, Conversație, Rezolvare probleme	3 seminarii
Spatii reale. Multimi convexe. Învelitoarea convexă. Exemple de multimi convexe/neconvexe. Suma a două submultimi convexe ale lui $R^n$	Explicații, Conversație, Rezolvare probleme.	2 seminarii
Spatii affine. Combinatii affine. Exemple.	Explicații, Conversație, Rezolvare probleme	1 seminar
Coordonatele unui punct fata de două repere affine și relația dintre ele. Exemple.	Explicații, Conversație, Rezolvare probleme	2 seminarii
Aducerea la forma redusa a conicelor	Explicații, Dezbateră, Conversație, Rezolvare probleme	2 seminarii
Aducerea la forma redusa a cuadricelor	Explicații, Conversație, Dezbateră, Rezolvare probleme	1 seminar
Distante în spațiul afin Euclidian	Explicații, Conversație, Rezolvare probleme	1 seminar
Rezolvarea unor probleme cu ajutorul transformarilor geometrice.	Explicații, Conversație, Rezolvare probleme	1 seminar

#### Bibliografie

1. Craioveanu, M., Albu, I.D., Geometrie afină și euclidiană, Editura Facla, Timișoara, 1982.
2. Galbură Gh., Radó, F., Geometrie, Editura didactică și pedagogică-București, 1979.
3. Radó, F., Groze, V., Orban, B., Vasile, A., Culegere de probleme de geometrie, Litografia Univ. "Babeș- Bolyai", Cluj-Napoca.

#### 9. Coroborarea conținuturilor disciplinei cu așteptările reprezentanților comunității epistemice, asociațiilor profesionale și angajaților reprezentativi din domeniul aferent programului

Geometria, în general, și cea afină în particular, contribuie la formarea unei gândiri logice bazată pe intuiție. Aceasta poate ajuta la înțelegerea și progresul altor discipline matematice sau care țin de alte științe ale naturii. De asemenea cultivă spiritul pragmatic, atât de necesar în problemele din viața reală.

#### 10. Evaluare

Tip activitate	10.1 Criterii de evaluare	10.2 Metode de evaluare	10.3 Pondere în nota finală
Tip activitate	10.1 Criterii de evaluare	10.2 Metode de evaluare	10.3 Pondere în nota finală

10.4 Curs	Capacitatea de a enunța și demonstra rezultatele prezentate la curs.	Lucrare scrisă la final de semestrul constând atât în subiecte teoretice cât și în aplicații și probleme.	60%	
	Capacitatea de a demonstra afirmații apropriate de cele prezentate la curs. Capacitatea de a formula și demonstra afirmații netriviale bazate pe manipularea corectă a rezultatelor prezentate la curs.			
10.5 Seminar	Capacitatea de a rezolva probleme apropriate de cele prezentate în cadrul seminarului.	Evaluarea activității studenților din timpul semestrului. Aceasta poate include, pe lângă nota pentru activitatea la seminar, și nota obținuta la o lucrare de control din timpul semestrului. Participarea activă la seminar este serios încurajată .	40%	
	Capacitatea de a rezolva probleme, cu caracter teoretic, care solicită cunoașterea profundă a rezultatelor prezentate la curs.			
10.6 Standard minim de performanță				
Obținerea notei 5 (într-o scară de la 1 la 10) în urma evaluării activității studenților din timpul semestrului și a lucrării scrise la finalul semestrului.				

Data completării

30.04.2015

Titular de curs

Conf. Dr. Cornel PINTEA

Titular de seminar

Conf. Dr. Cornel PINTEA

Data avizării în departament

.....

Director de departament

Prof. Dr. Octavian AGRATINI