

## FIŞA DISCIPLINEI

### 1. Date despre program

1.1 Instituția de învățământ superior	Universitatea Babes-Bolyai Cluj-Napoca		
1.2 Facultatea	Facultatea de Matematica si Informatica		
1.3 Departamentul	Departamentul de Matematica		
1.4 Domeniul de studii	Matematica		
1.5 Ciclul de studii	Program de Conversie Profesionala		
1.6 Programul de studiu / Calificarea	Matematica		

### 2. Date despre disciplină

2.1 Denumirea disciplinei	Analiza matematica 1 (Analiza pe R)					
2.2 Titularul activităților de curs	Conf. dr. Popovici Nicolae					
2.3 Titularul activităților de seminar	Conf. dr. Popovici Nicolae					
2.4 Anul de studiu	I	2.5 Semestrul	1	2.6. Tipul de evaluare	E	2.7 Regimul disciplinei
						Obligatorie/ DF

### 3. Timpul total estimat (ore pe semestru al activităților didactice)

3.1 Număr de ore pe săptămână	3	Din care: 3.2 curs	2	3.3 seminar/laborator	1
3.4 Total ore din planul de învățământ	42	Din care: 3.5 curs	28	3.6 seminar/laborator	14
Distribuția fondului de timp:					Ore
Studiul după manual, suport de curs, bibliografie și notițe					60
Documentare suplimentară în bibliotecă, pe platformele electronice de specialitate și pe teren					20
Pregătire seminarii/laboratoare, teme, referate, portofolii și eseuri					20
Tutoriat					10
Examinări					48
Alte activități: .....					-
3.7 Total ore studiu individual	158				
3.8 Total ore pe semestru	200				
3.9 Numărul de credite	8				

### 4. Precondiții (acolo unde este cazul)

4.1 de curriculum	• Analiza matematica de liceu
4.2 de competențe	• Gandire matematica, modelare, problematizare

### 5. Condiții (acolo unde este cazul)

5.1 De desfășurare a cursului	<ul style="list-style-type: none"><li>• Sala de curs dotata cu videoproiector</li></ul>
5.2 De desfășurare a seminarului/laboratorului	<ul style="list-style-type: none"><li>• Sala de seminar cu infrastructura clasica</li></ul>

## 6. Competențele specifice acumulate

<b>Competențe profesionale</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Recunoasterea principalelor clase/tipuri de probleme matematice și selectarea metodelor și tehniciilor adecvate pentru rezolvarea lor.</li> <li>• Identificarea noțiunilor de bază utilizate în descrierea unor fenomene și procese</li> </ul>
<b>Competențe transversale</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Aplicarea regulilor de munca riguroasa și eficientă, manifestarea unor atitudini responsabile față de domeniul științific, pentru valorificarea optima și creativa a propriului potential în situații specifice, cu respectarea principiilor și normelor de etica profesională.</li> </ul>

## 7. Obiectivele disciplinei (reiese din grila competențelor acumulate)

7.1 Obiectivul general al disciplinei	<ul style="list-style-type: none"> <li>• Cunoasterea aprofundată a principalelor noțiuni și rezultate teoretice din analiza matematică pe <math>\mathbb{R}</math> și utilizarea riguroasă a acestora în rezolvarea unor probleme</li> </ul>
7.2 Obiectivele specifice	<p>Studiul unor noțiuni și rezultate fundamentale referitoare la:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>• Topologia axei reale</li> <li>• Siruri și serii de numere</li> <li>• Clase speciale de funcții reale de o variabilă reală</li> <li>• Calcul diferențial și integral pentru funcții reale de o variabilă reală</li> <li>• Siruri și serii de funcții</li> </ul>

## 8. Conținuturi

8.1 Curs	Metode de predare	Observații
1. Structura algebrică a multimii numerelor reale: corpuri comutative total ordonate; minoranti/majoranti; multim marginite; axioma existenței infimumului/supremumului	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea	
2. Numere naturale; principiul inductiei matematice; axioma lui Arhimede. Numere rationale și numere irationale; densitatea acestora în $\mathbb{R}$	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea	
3. Structura topologică a multimii numerelor reale: vecinatati ale unui punct; interiorul, exteriorul, frontiera și aderenta unei multim; multim deschise și multim inchise	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea	
4. Siruri de numere reale: limita unui sir; siruri convergente; siruri monotone; subsiruri; conditii necesare/suficiente de convergenta; teoremele lui Cauchy, Weierstrass; Cantor, Cesaro, Toeplitz, Stolz-Cesaro	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea	
5. Siruri definite prin formule de recurenta: metoda ecuației caracteristice pentru recuriente liniare de ordin superior; recuriente neliniare	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea	
6. Serii de numere reale: convergenta/divergenta seriilor; criteriul general de convergenta al lui Cauchy. Serii cu termeni pozitivi; criteriile comparatiei, raportului, radicalului, Kummer, Raabe-Duhamel, condensarii; criteriul integral	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea	
7. Serii cu termeni oarecare; serii absolut convergente; serii semi convergente; teorema lui Riemann. Serii alternate: teorema lui	Prelegerea, demonstrația,	

Leibniz.		exemplificarea	
8. Limite de functii: caracterizari ale limitei. Functii continue: caracterizari ale continuitatii. Puncte de discontinuitate de speta intai sau de speta a doua. Proprietati ale functiilor continue pe un interval: teorema lui Weierstrass, proprietatea lui Darboux; semnul valorilor unei functii continue; legatura dintre injectivitatea si monotonia functiilor continue	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea		
9. Functii derivabile: interpretarea geometrică a derivatei de ordinul intai. Teoremele fundamentale ale calculului diferențial: Fermat, Rolle, Cauchy și Lagrange. Proprietatea lui Darboux a derivatelor	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea		
10. Derivate de ordin superior; formula lui Taylor. Aplicatii ale derivatelor in studiul variației functiilor: monotonie, convexitate, puncte de extrem	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea		
11. Functii integrabile Riemann: definitie, caracterizari ale integrabilitatii; clase de functii integrabile; proprietati ale integralei Riemann; aplicatii	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea		
12. Functii primitivabile: definitia primitivelor; formula lui Leibniz-Newton; metode de calcul a primitivelor; aplicatii in calculul integralelor Riemann	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea		
13. Siruri de functii: convergenta punctuala, convergenta uniforma; proprietati ale functiei limita	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea		
14. Serii de functii: convergenta punctuala; convergenta uniforma; proprietati ale functiei suma. Serii de puteri	Prelegerea, demonstrația, exemplificarea		

### Bibliografie

1. D. Andrica, D.I. Duca, I. Purdea, I. Pop: Matematica de baza, Editura Studium, Cluj-Napoca, 2004
2. S. Cobzas: Analiza matematica (Calcul diferențial), Presa Universitara Clujeana, Cluj-Napoca, 1997
3. D.I. Duca, E. Duca: Exercitii si probleme de analiza matematica (vol. I), Editura Casa Cartii de Stiinta, Cluj-Napoca, 2007
4. D.I. Duca, E. Duca: Exercitii si probleme de analiza matematica (vol II), Editura Casa Cartii de Stiinta, Cluj-Napoca, 2009
5. M. Megan: Bazele Analizei matematice, vol. 1,2,3, Editura Eurobit, 1997, 1997, 1998
6. Gh. Siretchi: Calcul diferențial si integral, vol. I si II, Editura Stiintifica si Enciclopedica, Bucuresti, 1985
7. V.A. Zorich: Mathematical Analysis I, Springer, Berlin, 2004

8.2 Seminar	Metode de predare	Observații
1-2. Multimea numerelor reale, topologia axei reale	Problematizarea, demonstrația, dezbaterea	
3-4. Siruri de numere reale	Problematizarea, demonstrația, dezbaterea	
5-7. Serii de numere reale	Problematizarea, demonstrația, dezbaterea	
8. Limite de functii si continuitate	Problematizarea, demonstrația, dezbaterea	

9-10. Studiul variației funcțiilor cu ajutorul derivatelor	Problematizarea, demonstrația, dezbaterea	
11-12. Integrale Riemann și primitive	Problematizarea, demonstrația, dezbaterea	
13-14. Siruri și serii de funcții	Problematizarea, demonstrația, dezbaterea	
<b>Bibliografie</b>		
<p>1. L. Arama., T. Morozan: Probleme de calcul diferențial și integral, Editura Tehnică, București 1978</p> <p>2. B.P. Demidovici: Culegere de probleme și exerciții de analiza matematică, Editura Tehnică, București, 1956</p> <p>3. D.I. Duca și E. Duca: Exercitii și probleme de analiza matematică (vol. I), Editura Casa Cartii de Știință, Cluj-Napoca, 2007</p> <p>4. D.I. Duca și E. Duca: Exercitii și probleme de analiza matematică (vol. II), Editura Casa Cartii de Știință, Cluj-Napoca, 2009</p> <p>5. M. Megan, A.L. Sasu și B. Sasu: Calcul diferențial în <math>\mathbb{R}</math>, prin exercitii și probleme, Editura Universitatii de Vest, Timisoara, 2001</p> <p>6. M. Megan, B. Sasu, M. Neamtu și A. Craciunescu: Bazele analizei matematice prin exercitii și probleme, Editura Helicon, Timisoara, 1996</p> <p>7. Gh. Siretchi: Calcul diferențial și integral, vol.II, Editura Știintifica și Enciclopedica, București, 1985</p>		

## **9. Coroborarea conținuturilor disciplinei cu așteptările reprezentanților comunității epistemiche, asociațiilor profesionale și angajatorii reprezentativi din domeniul aferent programului**

- Tematica acestui curs (topologia axei reale, siruri de numere reale, limite, continuitate, derivabilitate, primitivabilitate, integrabilitate) este prevazuta in programa de studii a tuturor universitatilor importante din Romania si din lume. Ea constituie o parte indispensabila a pregatirii viitorilor profesori de matematica sau a viitorilor cercetatori in domeniul matematicii.

## **10. Evaluare**

Tip activitate	10.1 Criterii de evaluare	10.2 metode de evaluare	10.3 Pondere din nota finală
10.4 Curs	Cunoasterea noțiunilor și a rezultatelor teoretice, inclusiv a unor demonstrații	Examen scris	80%
	Capacitatea de a aplica rezultatele teoretice în rezolvarea unor probleme		
10.5 Seminar/laborator	Gradul de participare activă la seminar	Evaluare pe parcurs	20%
<b>10.6 Standard minim de performanță</b>			
<b>Media finală 5 (pe o scara de la 1 la 10).</b>			

Data completării	Semnătura titularului de curs	Semnătura titularului de seminar
25 septembrie 2015	Conf. univ. dr. Popovici Nicolae	Conf. univ. dr. Popovici Nicolae

Data avizării în departament	Semnătura directorului de departament
29 septembrie 2015	Prof. univ. dr. Agratini Octavian