

REZOLVARI - CONSULTATII

3. Numarul total de valori dintr-un interval $[a, b]$, atunci cand pasul este k , se calculeaza folosind formula $((b-a)/k)+1$. In algoritmul dat, daca $a > b$, se face o interschimbare pe biti folosind operatorul XOR, iar pasul nu este k , ci $2k$, deoarece, in fiecare iteratie, a se incrementeaza cu k , iar b se decrementeaza cu k . Prin urmare, numarul total de valori va fi $(b-a)/(2K) + 1$. La punctul B, se afiseaza 12 valori, aplicand formula. La punctul C, se afiseaza corect valorile. La punctul D, ultima valoare care se afiseaza este mai mare decat $(a+b)/2$. Asadar, afirmatiile care nu sunt adevarate sunt B si D.

Raspuns corect: B, D

11. Pentru $(0+8)/(4-2) + 17 \bmod 3 = 8/2 + 2 = 4+2 = 6$, unde am calculat mai intai $16 \bmod 4 = 0$, $4 * 2 = 8$, $16 \div 4 = 4$, iar apoi $17 \bmod 3 = 2$.

Raspuns corect: C

45. Expresiile corecte sunt cele care verifica simultan ca x sa fie multiplu de 5 si sa apartina intervalului $(a, b]$. Expresia A realizeaza aceasta verificare utilizand negatia si operatorii logici pentru a exclude valorile din afara intervalului.

Raspuns corect: A

20. A. Expresia are valoarea False. B. Expresia are valoarea True. C. Expresia are valoarea False. Expresia are valoarea True.

Raspuns corect: A C

69. Se transforma termenii expresiei E in baza 10, se calculeaza rezultatul expresiei, apoi se fac conversiile in bazele indicate in variantele de raspuns.

Raspuns corect: B C D

74. Algoritmul calculeaza numarul de cifre 0 din reprezentarea in baza 6 a numarului n .

Raspuns corect: A D

80. Algoritmul afiseaza resturile succesive ale impartirii lui n la 2 in ordinea lor, dar pentru a obtine reprezentarea binara corecta, aceste resturi trebuie citite in ordine inversa. Astfel, afirmatiile A si B sunt corecte. D este corect deoarece complexitatea algoritmului este $O(\log n)$.

Raspuns corect: A B D

87. Algoritmul returneaza cifra cu cel mai mare rest la impartirea la 4 din n . Daca exista mai multe cifre cu acelasi rest, este selectata cifra cea mai semnificativa. A: Corect, pentru $n = 12569$, algoritmul returneaza 2. B: Fals, pentru $n = 783031$, algoritmul returneaza 7. C: Corect, pentru $n = 2024$ si $n = 2025$, algoritmul returneaza 2. D: Fals, algoritmul nu returneaza prima cifra divizibila cu 4.

Raspuns corect: A C

82. Algoritmul determina si afiseaza cel mai mic numar din intervalul $[a, b]$ cu numar maxim de divizori, numarul de divizori al acestuia si numarul de numere cu aceasta proprietate. A: Se afiseaza 200 12 1. B: Numarul maxim de divizori este 4 pentru numerele $\{6, 8, 10\}$.

Raspuns corect: B, C

89. Algoritmul $\text{switch}(a, b)$ returneaza CMMDC dintre a si b , iar $\text{case}(a, b)$ returneaza CMMMC dintre a si b . Doua numere prime intre ele au CMMDC egal cu 1. Astfel, variantele corecte sunt A, B, D.

Raspuns corect: A B D

98. Algoritmul algo calculeaza un numar format printr-o secventa de operatii asupra cifrelor din n , tinand cont de conditia specificata si decrementand k cand conditia nu este indeplinita.

Raspuns corect: A C

103. A. Adevarat. B. Fals, instructiunea " $k \leftarrow k*b$ " trebuie executata dupa instructiunea " $\text{rez} \leftarrow \text{rez} + (nr \bmod 10) * k$ ". C. Fals, apelul recursiv trebuie inmultit cu b nu parametrul b din apel. D. Adevarat.

Raspuns corect: A D

117. Functia rearanjeaza cifrele numarului n astfel: cifrele impare apar in ordine directa, iar cifrele pare in ordine inversa, pastrandu-si pozitiile relative.

Raspuns corect: B C

123. Algoritmul verifica daca n este patrat perfect folosind metoda diferentelor consecutive. Un numar n este patrat perfect daca diferenta dintre orice doua patrate perfecte consecutive este constanta si egala cu $2d + 1$, unde d reprezinta numarul patrat. De exemplu: $1 = 1$, $4 = 1 + 3$, $9 = 1 + 3 + 5$, $16 = 1 + 3 + 5 + 7$, $25 = 1 + 3 + 5 + 7 + 9$, etc. A. Adevarat. B. Adevarat. C. Adevarat, cel mai mic numar patrat perfect din intervalul [71, 734] este 9^2 , iar cel mai mare este 27^2 , deci există $27 - 9 + 1 = 19$ valori pentru care se returneaza True. D. Fals, in multimea {73, 9, 442, 841, 576, 962}, numerele patrate perfecte sunt $9 = 3^2$, $841 = 29^2$, $576 = 24^2$, deci se returneaza True pentru 3 valori si False pentru 3 valori.

Raspuns corect: A B C

187. Algoritmul este o functie recursiva care afiseaza pentru fiecare apel valoarea dublului parametrului de intrare urmat de un simbol "!", apoi apeleaza recursiv functia pentru fiecare numar de la 1 la $n - 1$, adaugand simbolul "*" dupa fiecare apel.

Structura rezultata reflecta procesul de recursivitate si ordinea apelurilor.

Raspuns corect: D

186. Algoritmul spirala combina prima si ultima cifra ale unui numar in functie de directia specificata de parametrul sens si aplica recursiv aceeasi operatie pe restul cifrelor.

Raspuns corect: C

Subiectele probelor scrise de informatică, admitere nivel licență, Iulie 2016, Subiectul I

Problema TURNURI

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
struct turnuri {
    int nr_max;
    int nr_monede;
};
```

```
int nrTurnuri(int n) {
    if (n == 1) {
        return 1;
    } else {
        return 1 + 2 * nrTurnuri(n-1);
    }
}
```

```
int nrMonede(int n) {
    if (n == 1) {
        return 1;
    } else {
        return n + 2 * nrMonede(n-1);
    }
}
```

```
turnuri calculeaza_turnuri(int inaltime_max) {
    turnuri rez;
    rez.nr_max = nrTurnuri(inaltime_max);
    rez.nr_monede = nrMonede(inaltime_max);
    return rez;
}
```

```
int main() {
    turnuri rez = calculeaza_turnuri(3);
    cout << rez.nr_max << ' ' << rez.nr_monede << ' ' << endl;
    rez = calculeaza_turnuri(4);
    cout << rez.nr_max << ' ' << rez.nr_monede << ' ' << endl;
    rez = calculeaza_turnuri(5);
```

```

6 Decembrie 2025; orele 12; Asist. Univ. Drd. Coste Claudia Ioana
cout << rez.nr_max << ' ' << rez.nr_monede << ' ' << endl;
rez = calculeaza_turnuri(6);
cout << rez.nr_max << ' ' << rez.nr_monede << ' ' << endl;
rez = calculeaza_turnuri(7);
cout << rez.nr_max << ' ' << rez.nr_monede << ' ' << endl;
rez = calculeaza_turnuri(8);
cout << rez.nr_max << ' ' << rez.nr_monede << ' ' << endl;

```

```

return 0;
}

```

// V1, Subiectul I, problema 1: Turnuri

```

#include <iostream>
using namespace std;

```

```

/*
Explicatie

```

Turnul de inaltime n este obligatoriu singur (altfel, intre doua turnuri de inaltime n trebuie sa existe un turn de inaltime n+1, care e prea inalt).

Excluzand turnul de inaltime n, putem avea cel mult 2 turnuri de inaltime n-1 (trei sau mai multe turnuri de inaltime n-1 duc la doua sau mai multe turnuri de inaltime n) de o parte si de alta a turnului de inaltime n (intre ele trebuie sa existe cel putin un turn de inaltime mai mare).

La stanga turnului de inaltime n se vor construi maximul de turnuri (conform cerintelor problemei) cu cel mai inalt turn avand inaltimea n-1. (Similar pentru constructia de la dreapta turnului de inaltime n.)

Obtinem deci urmatoarea constructie recursiva: sirul de turnuri este format dintr-un turn de inaltime n aflat la mijloc, iar de fiecare parte avem un sir de turnuri care este identic cu constructia ce conduce la cel mai inalt turn la inaltime n-1.

Ca urmare, avem recurentele:

$$\begin{aligned} \text{nrTurnuri}(n) &= 2 * \text{nrTurnuri}(n-1) + 1 \\ \text{nrMonede}(n) &= 2 * \text{nrMonede}(n-1) + n \end{aligned}$$

Terminarea recurentelor se face la n=1:

$$\begin{aligned} \text{nrTurnuri}(1) &= 1 \\ \text{nrMonede}(1) &= 1 \end{aligned}$$

Implementarea se poate face recursiv; recursia poate fi desfacuta iterativ.

```

*/
// Varianta recursiva:

```

```

int nrTurnuri(int n)
{
    if(n==1) return 1;
    return 2*nrTurnuri(n-1) + 1;
}

```

```

int nrMonede(int n)
{
    if(n==1) return 1;
    return 2*nrMonede(n-1) + n;
}

```

}

```
void turnuri_apelFRec(int n, int& nrT, int& nrM)
{
    nrT = nrTurnuri(n);
    nrM = nrMonede(n);
}
```

// Numarul de turnuri este dat de formula:
 //nrTurnuri(n) = $1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{(n-1)}$
 // Numarul de monede este dat de formula:
 //nrMonede(n) = $n + (n-1)*2 + (n-2)*2^2 + \dots + 1*2^{(n-1)}$

```
void turnuri(int n, int &nrTurnuri, int &nrMonede) {
    nrMonede = 0;
    nrTurnuri = 0;
    int putere = 1;
    for (int inaltime = n; inaltime >= 1; inaltime--){
        nrTurnuri = nrTurnuri + putere; // numarul turnurilor creste cu
        urmatoraea putere a lui 2
        nrMonede = nrMonede + putere * inaltime; // in fiecare turn avem "inaltime" monede
        putere = putere * 2;
    }
}
```

// Se pot folosi si formulele pt. numar total de turnuri / monede
 // Formula pt. nr. turnuri:
 // $nrTurnuri(n) = 1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{(n-1)} = 2^n - 1$
 // Formula pt. nr. monede:
 // $nrMonede(n) = n + (n-1)*2 + (n-2)*2^2 + \dots + 1*2^{(n-1)} =$
 // $= (1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{(n-1)}) + (1 + 2 + 2^2 + \dots + 2^{(n-2)}) + \dots + (1 + 2) + 1 =$
 // $= (2^n - 1) + (2^{(n-1)} - 1) + \dots + (2^2 - 1) + (2 - 1) =$
 // $= (2^n + 2^{(n-1)} + \dots + 2^2 + 2) - n =$
 // $= (2^n + 2^{(n-1)} + \dots + 2^2 + 2 + 1) - (n + 1) =$
 // $= (2^{(n+1)} - 1) - (n + 1) =$
 // $= 2^{(n+1)} - n - 2$

```
void turnuri_Formula(int n, int &nrTurnuri, int &nrMonede) {
    int putere = 1;
    for (int i = 1; i <= n; i++){
        putere = putere * 2;
    }
    nrTurnuri = putere - 1;
    nrMonede = putere*2 - n - 2;
}
//-----
```

```
int main(){
    int n, nrTurnuri, nrMonede;
    cout << "Introduceti inaltimea celui mai inalt turn: ";
    cin >> n;
    turnuri(n, nrTurnuri, nrMonede);
    cout << "nr. turnuri: " << nrTurnuri << endl;
    cout << "nr. monede: " << nrMonede << endl;

    turnuri_apelFRec(n, nrTurnuri, nrMonede);
    cout << "nr. turnuri: " << nrTurnuri << endl;
    cout << "nr. monede: " << nrMonede << endl;

    turnuri_Formula(n, nrTurnuri, nrMonede);
    cout << "nr. turnuri: " << nrTurnuri << endl;
    cout << "nr. monede: " << nrMonede << endl;
```

```
    return 0;
}
```

Subiectele probelor scrise de informatică, admitere nivel licență, Iulie 2016, Subiectul I
Problema NUMERE MAGICE

```
#include <iostream>
using namespace std;
```

```
short* reprezentare_baza(short p, int n){
    short* cifre = new short[10] {0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0};
    while (n > 0) {
        cifre[n % p] = 1;
        n = n / p;
    }
    return cifre;
}
```

```
bool este_magic_1(short p, short q, int n) {
    // vector de frecventa
    short* cifre_bazap = reprezentare_baza(p, n);
    short* cifre_bazaq = reprezentare_baza(q, n);

    bool ok = true;
    short i = 0;
    while (ok && i < 10) {
        if (cifre_bazap[i] != cifre_bazaq[i]) {
            ok = false;
        }
        i++;
    }
    delete[] cifre_bazap;
    delete[] cifre_bazaq;

    return ok;
}
```

```
bool este_magic_2(short p, short q, int n) {
    // vector de frecventa
    short* cifre_bazap = reprezentare_baza(p, n);
    bool ok = true;
    int copie_n = n;
    while (ok && copie_n > 0) {
        short rest = copie_n % q;
        copie_n = copie_n / q;
        if (cifre_bazap[rest] == 0) {
            ok = false;
        }
        cifre_bazap[rest]++; // crestem numarul de aparitii
    }

    for (int i = 0; i < 10; i++) {
        if (cifre_bazap[i] == 1) {
            ok = false;
            // pot fi cifre folosite in baza p, dar sa nu fie folosite
            // in baza q
        }
    }
    delete[] cifre_bazap;
    return ok;
}
```

6 Decembrie 2025; orele 12; Asist. Univ. Drd. Coste Claudia Ioana

```
bool verific_cifre_baze(short p, short q, int n) {
// verificam daca cifrele cu care il scriem pe n in baza p
// sunt folosite si in baza q
    int copie_n = n;
    while (copie_n > 0) {
        short rest = copie_n % p;
        copie_n = copie_n / p;

        // verificam daca cifra rest apare si in scrierea numarului in baza q
        int copie_n2 = n;
        bool ok = false;
        while (!ok && copie_n2 > 0) {
            short rest2 = copie_n2 % q;
            copie_n2 = copie_n2 / q;
            if (rest == rest2) {
                ok = true;
            }
        }

        if (ok == false) {
            return false;
        }
    }
    return true;
}
```

```
bool este_magic_3(short p, short q, int n) {
    // verificam dubla incluziune
    // true daca cifrele cu care e scris n in baza p sunt printre cifrele cu care scriem n in baza q si daca daca cifrele cu care e scris n
in baza q sunt printre cifrele cu care scriem n in baza p
    return verific_cifre_baze(p, q, n) && verific_cifre_baze(q, p, n);
}
```

```
void sirNrMagice(short p, short q, int n, int &k, int sir[]){
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        if (este_magic_2(p, q, i) == true) {
            k++;
            sir[k] = i;
            // sir[k++] = i;
        }
    }
    return ;
}
```

```
void tiparesteSir(int k, int sir[]){
    for (int i = 1; i <= k; i++) {
        cout << sir[i] << ' ';
    }
    cout << endl;
    return ;
}
```

```
int main() {
    //cout << este_magic_1(7, 9, 31) <<endl; /*este magic*/
    //cout << este_magic_1(3, 9, 9) <<endl; /* este magic*/
    //cout << este_magic_1(7, 5, 31) <<endl; /*nu este*/
    //cout << este_magic_1(3, 7, 9) <<endl; /*nu este*/

    // cout << este_magic_2(7, 9, 31) <<endl; /*este magic*/
    // cout << este_magic_2(3, 9, 9) <<endl; /* este magic*/
    // cout << este_magic_2(7, 5, 31) <<endl; /*nu este*/
    // cout << este_magic_2(3, 7, 9) <<endl; /*nu este*/
}
```

```
// cout << este_magic_3(7, 9, 31) <<endl; /*este magic*/
// cout << este_magic_3(3, 9, 9) <<endl; /*este magic*/
// cout << este_magic_3(7, 5, 31) <<endl; /*nu este*/
// cout << este_magic_3(3, 7, 9) <<endl; /*nu este*/

    int n;
    cout << "Introduceti numarul n: ";
    cin >> n;
    short p;
    cout << "Introduceti baza p: ";
    cin >> p;
    short q;
    cout << "Introduceti baza q: ";
    cin >> q;
    int sir[10000];
    int k = 0;
    sirNrMagice(p, q, n, k, sir);
    tiparesteSir(k, sir);
return 0;
}
```

Subiectele probelor scrise de informatică, admitere nivel licență, septembrie 2015, Problema a), b), subiectul I

A

```
#include <iostream>
using namespace std;

int suma_cifrelor(long a) {
    int s = 0;
    while (a > 0) {
        s = s + a%10;
        a = a/10;
    }
    return s;
}

bool este_deosebit(long n){
    int i;
    for (i=n-1; i>0; i--) {
        if (i+suma_cifrelor(i) == n){
            return true;
        }
    }
    return false;
}

int main() {
    cout << este_deosebit(15) << endl;
    return 0;
}
```

B.

```
#include <iostream>
#include <cmath>
using namespace std;

bool descompunere_factori(long n){
    long root = sqrt(n);
    for (int i = 2; i < root; i++) {
        int counter = 0;
        while (n % i == 0) {
            n = n/i;
            counter++;
        }
        if (counter % 2 == 0) {
            return true;
        }
    }
    return false;
}

int main() {
    cout << descompunere_factori(12) << endl;
    cout << descompunere_factori(6) << endl;
    cout << descompunere_factori(36) << endl;
    cout << descompunere_factori(49) << endl;
    return 0;
}
```