

**Felvételi verseny – 2022 szeptember 15.
Informatika írásbeli**

FONTOS MEGJEGYZÉS:

Más pontosítások hiányában feltételezhetjük, hogy az aritmetikai műveleteket végtelen adattípusokon végezzük, vagyis nincs túlszordulás és alulszordulás.

Minden sorozatot/vektort 1-től számozunk.

1. Adott a $\text{dönt}(n, x)$ algoritmus, ahol n természetes szám ($1 \leq n \leq 10000$) és x egy n elemű, természetes számokat tároló vektor ($x[1], x[2], \dots, x[n]$, $-100 \leq x[i] \leq 100$, ahol $i = 1, 2, \dots, n$):

```
Algorithm dönt(n, x):
  b ← True
  i ← 1
  While b = True AND i < n execute
    If x[i] < x[i + 1] then
      b ← True
    else
      b ← False
    EndIf
    i ← i + 1
  EndWhile
  return b
EndAlgorithm
```

Mikor fog az algoritmus *True*-t téríteni vissza?

- A. Ha az x vektor a következő elemeket tárolja: 1, 2, 3, ..., 10
- B. Ha az x vektor szigorúan növekvő.
- C. Ha az x vektornak nincsenek negatív elemei.
- D. Ha az x vektornak vannak pozitív elemei, amelyek a negatív elemek előtt találhatók.

2. Adott egy természetes szám, amelynek nincs 0-val egyenlő számjegye, és amelynek n darab számjegyet az a ($a[1], a[2], \dots, a[n]$) sorozat tárolja ($1 \leq n \leq 10$ az eredeti hívás pillanatában). A következő algoritmusok közül melyik térít vissza *True*-t, ha a szám, amelyet így adtunk meg palindrom és *False*-t különben. Egy szám akkor palindrom, ha balról jobbra olvasva ugyanaz az értéke, mint ha jobbról balra olvassuk.

A.

```
Algorithm palindrom_1(a, n):
  i ← 1
  j ← n
  k ← True
  While (i ≤ j) AND (k = True) execute
    If a[i] = a[j] then
      i ← i + 1
      j ← j - 1
    else
      k ← False
    EndIf
  EndWhile
  return k
EndAlgorithm
```

B.

```
Algorithm eltolás(a, n):
  For i = 1, n - 1 execute
    a[i] ← a[i + 1]
  EndFor
EndAlgorithm

Algorithm palindrom_2(a, n):
  j ← n
  If (j = 0) OR (j = 1) then
    return True
  EndIf
  If a[1] = a[j] then
    eltolás(a, n)
    return palindrom_2(a, n - 2)
  EndIf
  return False
EndAlgorithm
```

C.

```
Algorithm palindrom_3(a, n):
  i ← n
  j ← 1
  k ← True
  sum1 ← 0
  sum2 ← 0
  While (i > n DIV 2) AND (j ≤ n DIV 2)
    execute
      sum1 ← sum1 + a[i]
      sum2 ← sum2 + a[j]
      i ← i - 1
      j ← j + 1
  EndWhile
  If sum1 = sum2 then
    k ← True
  else
    k ← False
  EndIf
  return k
EndAlgorithm
```

D.

```
Algorithm palindrom_4(a, n):
  i ← 1
  j ← n
  k ← True
  While (i ≤ j) AND (k = True) execute
    If (a[i] = a[j]) AND (i MOD 2 = 0)
      AND (j MOD 2 = 0) then
      i ← i + 1
      j ← j - 1
    else
      k ← False
    EndIf
  EndWhile
  return k
EndAlgorithm
```

3. Adott az $F(n)$ algoritmus, ahol n természetes szám ($1 \leq n \leq 10^9$).

```
Algorithm F(n):
  If n < 10 then
    return n
  EndIf
  u ← n MOD 10
  p ← F(n DIV 10)
  If u MOD 5 ≤ p MOD 5 then
    return u
  EndIf
  return p
EndAlgorithm
```

A következő állítások közül melyek helyesek?

- A. Ha $n = 812376$, az algoritmus 6-ot térít vissza.
- B. Ha $n = 8237631$, az algoritmus 1-et térít vissza.
- C. Ha $n = 4868$, az algoritmus 8-at térít vissza.
- D. Ha $n = 51$, az algoritmus 0-át térít vissza.

4. Adott az $f(n)$ algoritmus, ahol az n paraméter természetes szám ($1 \leq n \leq 10^9$).

```
Algorithm f(n):
  v ← 0; z ← 0;
  For c ← 0, 9 execute
    x ← n
    k ← 0
    While x > 0 execute
      If x MOD 10 = c then
        k ← k + 1
      EndIf
      x ← x DIV 10
    EndWhile
    If k > v then
      v ← k
      z ← c
    EndIf
  EndFor
  return z
EndAlgorithm
```

A következő állítások közül melyek helyesek?

- A. Az algoritmus visszatéríti az n szám számjegyeinek darabszámát.
- B. Az algoritmus visszatéríti az n szám legnagyobb értékkel rendelkező számjegye előfordulásainak darabszámát.
- C. Az algoritmus visszatéríti az n szám leggyakrabban előforduló számjegyei közül az egyiket.
- D. Az algoritmus visszatéríti az n szám leggyakrabban előforduló számjegyeinek számát.

5. A következő algoritmusok közül melyik írja ki a paraméterként megadott x természetes szám bináris alakját ($0 < x \leq 10^9$ az eredeti hívás pillanatában)?

A.

```
Algorithm imp(x):
  If x = 0 then
    r ← x MOD 2
    imp(x DIV 2)
    write r
  EndIf
EndAlgorithm
```

B.

```
Algorithm imp(x):
  If x ≠ 0 then
    r ← x MOD 2
    imp(x DIV 2)
    write r
  EndIf
EndAlgorithm
```

C.

```
Algorithm imp(x):
  If x = 0 then
    r ← x DIV 2
    imp(x DIV 2)
    write r
  EndIf
EndAlgorithm
```

D.

```
Algorithm imp(x):
  If x ≠ 0 then
    r ← x MOD 2
    imp(x)
    write r
  EndIf
EndAlgorithm
```

6. Melyek igazak az 5. tétel változataira vonatkozó, következő állítások közül?

- A. Az A változat algoritmus a végrehajtás során nem ír ki semmit.
- B. A B változat algoritmus nem hívódik meg rekurzívan az x paraméter egyetlen megengedett értékére sem.
- C. A C változat algoritmus helyessé válna, ha az „=”-öt „≠”-re cserélnénk.
- D. A D változat algoritmus helyessé válna, ha az „imp(x)”-et „imp(x DIV 2)”-re cserélnénk.

7. Adottak az a és b egész számok ($-1000 \leq a, b \leq 1000$) és a NOT $((a > 0) \text{ AND } (b > 0))$ kifejezés. Az alábbi kifejezések közül melyek ekvivalensek az előbb megadott kifejezéssel?

- A. (NOT $(a < 0)$) AND (NOT $(b < 0)$)
- B. $(a \leq 0)$ AND $(b \leq 0)$
- C. (NOT $(a > 0)$) OR (NOT $(b > 0)$)
- D. NOT $((a > 0) \text{ OR } (b < 0))$

8. Adott az $s(n)$ algoritmus, ahol n természetes szám ($2 \leq n \leq 10$). A / műveleti jel a valós osztást jelöli (például, $3 / 2 = 1,5$).

```
Algorithm s(n):
  p ← 1
  x ← 0
  For k = 0, n - 1 execute
    p ← p * (k + 1)
    x ← x + 1 / p
  EndFor
  return x
EndAlgorithm
```

Az alábbi összegek közül, melyiket téríti vissza az algoritmus?

- A. $\sum_{k=0}^n \frac{1}{k!}$
- B. $\sum_{k=0}^n \frac{1}{k}$
- C. $\sum_{k=0}^{n-1} \frac{1}{k!}$
- D. $\sum_{k=1}^n \frac{1}{k!}$

9. Adott a mitCsinál(n) algoritmus, ahol n pozitív természetes szám ($1 \leq n \leq 10000$).

```
Algorithm mitCsinál(n):
  m ← 0
  p ← 10
  While p < n execute
    r ← n MOD p
    m ← m + r
    p ← p * 10
  EndWhile
  return m
EndAlgorithm
```

A következő állítások közül melyek igazak?

- A. Ha $n = 125$ az algoritmus 521-et térít vissza.
- B. A mitCsinál(n) algoritmus az n szám tükrözöttjét téríti vissza.
- C. Ha $n = 125$ az algoritmus 155-öt térít vissza.
- D. Ha $n = 340$ az algoritmus 40-et térít vissza.

10. Adott az $f(v, n)$ algoritmus, ahol n nullától különböző természetes szám ($1 \leq n \leq 10000$) és v egy n elemű, pozitív természetes számokból álló vektor ($v[1], v[2], \dots, v[n]$). Feltételezzük, hogy a prim(d) algoritmus *True*-t térít vissza, ha d (természetes szám) prímszám és *False*-t különben.

```
Algorithm f(v, n):
  x ← 1
  a ← 0
  For i ← 1, n execute
    For d ← 2, (v[i] DIV 2) execute
      If (prim(d) = True) AND (v[i] MOD d = 0) then
        x ← x * d
      EndIf
    EndFor
  EndFor
  For d ← 2, (x DIV 2) execute
    If (x MOD d = 0) AND (prim(d) = True) then
      a ← a + 1
    EndIf
  EndFor
  return a
EndAlgorithm
```

A következő állítások közül melyek igazak?

- A. Az algoritmus a v vektorban található összes szám különböző valódi prímosztóinak darabszámát téríti vissza.
- B. Az algoritmus a v vektorban található számok prímosztóinak szorzatát téríti vissza.
- C. Az algoritmus a v vektorban található prímszámok darabszámát téríti vissza.
- D. Az algoritmus a v vektorban található számok összes osztójának darabszámát térít vissza.

11. Adott az $f(n)$ algoritmus, ahol n természetes szám ($0 < n \leq 10^9$ a hívás pillanatában). A v lokális változó vektor.

```

Algorithm f(n):
  m ← 0
  While n > 0 execute
    m ← m + 1
    v[m] ← n MOD 10
    n ← n DIV 10
  EndWhile
  x ← 0
  mx ← 0
  While mx > -1 execute
    x ← x * 10 + mx
    mx ← -1
    j ← 1
    For i = 1, m execute
      If v[i] > mx then
        j ← i
        mx ← v[i]
      EndIf
    EndFor
    v[j] ← -1
  EndWhile
  return x
EndAlgorithm

```

A következő állítások közül melyek igazak?

- A. Az algoritmus azt a legnagyobb számot téríti vissza, amely az n szám számjegyeiből építhető fel.
- B. Az algoritmus 10-nek azt a legnagyobb hatványát téríti vissza, amely osztója az n számnak.
- C. Az algoritmus az n szám legbaloldalibb számjegyét téríti vissza.
- D. Az algoritmus az n szám számjegyeinek összegét téríti vissza.

12. Adott az $f(n)$ algoritmus, ahol az n paraméter természetes szám ($1 \leq n \leq 1000^2$ a hívás pillanatában).

```

Algorithm f(n):
  z ← 0; p ← 1;
  While n ≠ 0 execute
    c ← n MOD 10
    n ← n DIV 10
    If c MOD 3 = 0 then
      z ← z + p * (9 - c)
      p ← p * 10
    EndIf
  EndWhile
  return z
EndAlgorithm

```

Mit fog visszatéríteni az algoritmus, ha az $n = 103456$ értékre hívjuk meg?

- A. 639
- B. 963
- C. 693
- D. 369

13. Tekintsük a 12. tételben szereplő $f(n)$ algoritmust, de most az n paraméter egy kétjegyű természetes szám ($10 \leq n \leq 99$ a hívás pillanatában).

A következő változatok között melyek tartalmaznak csak olyan számokat, amelyeknek esetében az algoritmus a 3-as értéket téríti vissza?

- A. 61, 65, 67
- B. 62, 66, 68
- C. 16, 56, 76
- D. 26, 66, 86

14. Adott a mitCsinál(a , b) algoritmus, ahol a és b pozitív természetes számok ($1 \leq a, b \leq 10000$).

```

Algorithm mitCsinál(a, b):
  For i ← 2, a, 2 execute
    If a MOD i = 0 then
      If b MOD i = 0 then
        Write i
        Write new line
      EndIf
    EndIf
  EndFor
EndAlgorithm

```

Ha $a = 600$, a b mely értékeire ír ki az algoritmus 4 darab számot, ha végrehajtjuk a mitCsinál(a , b) algoritmust?

- A. $b = 20$ B. $b = 50$ C. $b = 12$ D. $b = 90$

15. A 14. tételben szereplő algoritmusra vonatkozóan, a következő állítások közül melyek igazak?

- A. Az algoritmus az a és b számok közös osztóit írja ki.
 B. Az algoritmus az a és b számok közös valódi osztóit írja ki.
 C. Az algoritmus az a és b számok közös páratlan osztóit írja ki.
 D. Az algoritmus az a és b számok közös páros osztóit írja ki.

16. Legyen egy program, amely növekvő sorrendben generál minden, pontosan 5 különböző számjegyből álló természetes számot, amelyek a 2, 3, 4, 5, 6 számjegyekből építhetők fel.

Adjátok meg azt a két számot, amelyet a program közvetlenül az alábbi sorozat előtt és közvetlenül utána generál: 34256, 34265, 34526, 34562.

- A. 32645 és 34625 B. 32654 és 34655 C. 32654 és 34625 D. 32645 és 34655

17. Legyen az $x = (1, 1, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 4, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 6, 7, \dots)$ sorozat, amely az észrevehető szabálynak megfelelően folytatódik.

Tudva, hogy a sorozat első eleme az 1. pozíción található, az alábbi tömbszakaszok közül melyik tartalmaz csak 11-eseket?

- A. $x[100], \dots, x[109]$ B. $x[113], \dots, x[120]$ C. $x[140], \dots, x[152]$ D. $x[123], \dots, x[132]$

18. A 17. tételben leírt x sorozat első 100 eleme között hány prímszám található?

- A. 4 B. 34 C. 36 D. 30

19. Adottak az a és n természetes számok ($1 \leq a, n \leq 1000$), valamint az n elemű, természetes számokat tároló V vektor ($V[1], V[2], \dots, V[n]$) és a one(a, n, V) és two(a, n, V) algoritmusok:

```

Algorithm one(a, n, V):
  p ← 1; i ← 1;
  While (i ≤ n) AND (a > V[p]) execute
    p ← p + 1
    i ← i + 1
  EndWhile
  return p
EndAlgorithm

```

```

Algorithm two(a, n, V):
  p ← 1; i ← 1;
  While i ≤ n execute
    If a > V[i] then
      p ← p + 1
    EndIf
    i ← i + 1
  EndWhile
  return p
EndAlgorithm

```

Mely tulajdonsággal rendelkezhet a V vektor ahhoz, hogy bármely n és adott tulajdonságú V esetében a két algoritmus azonos értéket térítsen vissza tetszőleges a értékre?

- A. A V vektor minden eleme egyenlő.
- B. A V vektor minden eleme különböző és növekvően rendezett.
- C. A V vektor minden eleme különböző és csökkenően rendezett.
- D. A V vektor növekvően rendezett, de az elemek nem feltétlenül különbözők.

20. Adott az összeg(n) algoritmus, ahol n természetes szám ($0 < n \leq 10000$ az eredeti hívás pillanatában).

```

Algorithm összeg(n):
  If n = 0 then
    return 0
  else
    return összeg(n - 1) + n DIV (n + 1) + (n + 1) DIV n
  EndIf
EndAlgorithm

```

A következő állítások közül melyek **NEM** igazak?

- A. Az algoritmus $n + 1$ értékét téríti vissza.
- B. Az algoritmus kiszámolja és visszatéríti az n szám valódi osztóinak összegét.
- C. Az összeg(1) hívás a 2-es értéket téríti vissza.
- D. Az algoritmus kiszámolja és visszatéríti az első n természetes szám átlaga egész részének kétszeresét.

21. Legyen a következő algoritmus, ahol az a és b természetes számok bemeneti paraméterek ($0 \leq a, b \leq 10000$ az eredeti hívás pillanatában):

```

Algorithm mitCsinál(a, b):
  While a * b ≠ 0 execute
    If a > b then
      return mitCsinál(a MOD b, b)
    else
      return mitCsinál(a, b MOD a)
    EndIf
  EndWhile
  return a + b
EndAlgorithm

```

A következő állítások közül melyek igazak?

- A. Az algoritmus az a és b számok összegét téríti vissza.
- B. Ha az algoritmust mitCsinál($x, 0$) vagy mitCsinál($0, x$) formában hívjuk meg, a nullától különböző x számot téríti vissza, illetve 0-át, ha a hívás mitCsinál($0, 0$) alakú.
- C. Az algoritmus az a és b számok legnagyobb közös osztóját téríti vissza.
- D. Az algoritmus visszatéríti az a a b . hatványon értékét.

22. Adott a kiÍr(n) algoritmus, ahol n természetes szám ($1 \leq n \leq 10^9$):

```

Algorithm kiÍr(n):
  For i = 1, n - 1 execute
    For j = i + 1, n execute
      If (j - i) < (n DIV 2) then
        Write i, " ", j - i
        Write new line
      else
        If (j - i) ≠ (n DIV 2) then
          Write j - i, " ", i
          Write new line
        EndIf
      EndIf
    EndFor
  EndFor
EndAlgorithm

```

Hány számpárt fog kiírni az algoritmus, ha $n = 7$?

- A. 21 B. 15 C. 11 D. 17

23. Adott az alábbi kódrészlet. Adjátok meg, hogy hányszor lesz kiírva az 'UBB' karakterlánc, tudva, hogy $n = 3^k$, ahol k természetes szám ($1 \leq k \leq 30$)?

```

j ← n
While j > 1 execute
  i ← 1
  While i ≤ n execute
    i ← 3 * i
    Write 'UBB'
  EndWhile
  j ← j DIV 3
EndWhile
```

A. k^2
B. $k * 3^k$
C. $k * (k + 1)$
D. $3 * k$

24. Adottak az alábbi kódrészletek és az i, j, a, b természetes számok ($1 < a, b \leq 10^9$).

1. kódrészlet (S1)

```

i ← 1
While i ≠ b execute
  j ← 1
  While j ≠ a execute
    Write '*'
    j ← j + 1
  EndWhile
  i ← i + 1
EndWhile
```

2. kódrészlet (S2)

```

i ← 1
While i ≠ a execute
  j ← 1
  While j ≠ b execute
    Write '*'
    j ← j + 1
  EndWhile
  i ← i + 1
EndWhile
```

A következő állítások közül melyek igazak?

- A. Az S1 kódrészlet által kiírt karakterek száma különbözik az S2 kódrészlet által kiírt karakterek számától.
B. A két kódrészlet időbonyolultsága azonos.
C. Az S1 kódrészlet $(a - 1) * (b - 1)$ karaktert ír ki.
D. Az S2 kódrészlet $a * b$ karaktert ír ki.

25. Adott a mitCsinál(szám) algoritmus, ahol *szám* természetes szám ($100 \leq \text{szám} \leq 2 * 10^9$ a hívás pillanatában).

```

Algorithm tulajdonság(n):
  If n ≤ 1 then
    return False
  EndIf
  d ← 2
  While d * d ≤ n execute
    If n MOD d = 0 then
      return False
    EndIf
    d ← d + 1
  EndWhile
  return True
EndAlgorithm
```

```

Algorithm mitCsinál(szám):
  s ← 0
  c1 ← szám MOD 10
  szám ← szám DIV 10
  c2 ← szám MOD 10
  szám ← szám DIV 10
  While szám ≠ 0 execute
    c3 ← szám MOD 10
    t ← c3 * 100 + c2 * 10 + c1
    If tulajdonság(t) then
      s ← s + c1 + c2 + c3
    EndIf
    c1 ← c2
    c2 ← c3
    szám ← szám DIV 10
  EndWhile
  return s
EndAlgorithm
```


Adjátok meg azt értéket, amit a `mitCsinál(szám)` algoritmus visszatérít, ha **szám** = 1271211312.

A. 31

B. 32

C. 33

D. 34

26. A következő algoritmusok közül melyik határozza meg helyesen és téríti vissza az n természetes szám ($0 < n < 10^5$) négyzetgyökének értékét a legközelebbi egész számra lefele kerekítve. A / műveleti jel a valós osztást jelöli (például: $3 / 2 = 1,5$).

A.

```
Algorithm négyzetgyök_A(n):
  x ← 0
  z ← 1
  While z ≤ n execute
    x ← x + 1
    z ← z + 2 * x
    z ← z + 1
  EndWhile
  return x
EndAlgorithm
```

C.

```
// Az algoritmust először
// négyzetgyök_C(n, n) alakban hívjuk meg
Algorithm négyzetgyök_C(n, x):
  eps ← 0.001
  y ← 0.5 * (x + n / x)
  If x - y < eps then
    // x egész részét térítjük vissza:
    return [x]
  EndIf
  return négyzetgyök_C(n, y)
EndAlgorithm
```

B.

```
Algorithm négyzetgyök_B(n):
  s ← 1
  d ← n DIV 2
  While s < d execute
    k ← (s + d) DIV 2
    If k * k ≥ n then
      d ← k
    else
      s ← k + 1
    EndIf
  EndWhile
  If s * s ≤ n then
    return s + 1
  else
    return s - 1
  EndIf
EndAlgorithm
```

D.

```
Algorithm négyzetgyök_D(n):
  s ← 0
  p ← 0
  k ← 0
  While k < n execute
    k ← k + 3 + p
    p ← p + 2
    s ← s + 1
  EndWhile
  return s
EndAlgorithm
```

27. Tudva, hogy x természetes szám, az alábbi kifejezések közül melyeknek az értéke akkor és csakis akkor *True*, ha x olyan páros szám, amely **NEM** tartozik a (10, 20) nyílt intervallumhoz?

- A. $\text{NOT}((x > 10) \text{ AND } (x < 20)) \text{ AND } (\text{NOT } (x \text{ MOD } 2 = 1))$
- B. $(x \text{ MOD } 2 = 0) \text{ AND } ((x < 10) \text{ OR } (x > 20))$
- C. $\text{NOT}(x \text{ MOD } 2 = 1) \text{ AND } ((x > 10) \text{ AND } (x < 20))$
- D. $\text{NOT}((x \text{ MOD } 4 = 1) \text{ OR } (x \text{ MOD } 4 = 3) \text{ OR } ((x > 10) \text{ AND } (x < 20)))$

28. Adott az n különböző természetes számot tároló, szigorúan növekvő a sorozat ($a[1], a[2], \dots, a[n], 2 \leq n \leq 1000$). Egy sorozatban *lokális csúcsnak* nevezünk egy olyan számot, amely szigorúan nagyobb, mint az előző pozícióban levő szám, valamint a következő pozícióban található szám. A sorozat első és utolsó eleme nem lehet lokális csúcs. Azt szeretnénk, hogy az átrendezés(a, n) algoritmus rendezze át a sorozatban található értékeket úgy, hogy a sorozatnak maximális számú lokális csúcsa legyen, majd térítse vissza az új sorozatot. A b lokális változó sorozat. A következő algoritmusok közül melyek helyesek?

A.

```

Algorithm átrendezés(a, n):
  i ← n
  For p ← 2, n, 2 execute
    b[p] ← a[i]
    i ← i - 1
  EndFor
  For p ← 1, n, 2 execute
    b[p] ← a[i]
    i ← i - 1
  EndFor
  return b
EndAlgorithm

```

B.

```

Algorithm átrendezés(a, n):
  i ← n
  For p ← 2, n, 2 execute
    b[p] ← a[i]
    i ← i - 1
    b[p - 1] ← a[i]
    i ← i - 1
  EndFor
  If n MOD 2 = 1 then
    b[n] ← a[i]
  EndIf
  return b
EndAlgorithm

```

C.

```

Algorithm átrendezés(a, n):
  i ← n
  For p ← 2, n, 2 execute
    b[p] ← a[i]
    i ← i - 1
  EndFor
  i ← 1
  For p ← 1, n, 2 execute
    b[p] ← a[i]
    i ← i + 1
  EndFor
  return b
EndAlgorithm

```

D.

```

Algorithm átrendezés(a, n):
  i ← n
  For p ← 2, n, 3 execute
    b[p] ← a[i]
    i ← i - 1
    b[p - 1] ← a[i]
    i ← i - 1
    If p + 1 ≤ n then
      b[p + 1] ← a[i]
      i ← i - 1
    EndIf
  EndFor
  If n MOD 3 = 1 then
    b[n] ← a[i]
  EndIf
  return b
EndAlgorithm

```

29. Adott az $f(n, p_1, p_2)$ algoritmus, ahol n, p_1 és p_2 szigorúan pozitív természetes számok ($1 < n, p_1, p_2 \leq 10^4$ a hívás pillanatában).

```

Algorithm f(n, p1, p2):
  c ← 0
  While p1 ≤ n execute
    c ← c + n DIV p1
    p1 ← p1 * p2
  EndWhile
  return c
EndAlgorithm

```

A következő állítások közül melyek igazak?

- A. Ha a három paraméter értéke egyenlő ($n = p_1 = p_2$), az algoritmus mindig 1-et térít vissza.
- B. Ha $p_1 = 5$ és $p_2 = 5$, az algoritmus az $n!$ végén található 0 számjegyek darabszámát téríti vissza.
- C. Ha p_1 egyenlő p_2 -vel és az értékük nagyobb, mint 2, az algoritmus a $\lceil \log_{p_1} n \rceil$ értékét téríti vissza.
- D. A fenti három állítás közül egyik sem igaz.

30. A következő algoritmusok közül melyik téríti vissza az $[a, b]$ ($0 < a < b < 10^6$) intervallumhoz tartozó *szummatív* számok darabszámát? Egy 0-tól különböző n természetes szám *szummatív*, ha n^2 felírható n darab egymás utáni 0-tól különböző természetes szám összegeként. Például, 1 és 7 *szummatív*, mivel $1 = 1$, illetve $49 = 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10$.

A.

```

Algorithm szummatív(a, b):
  k ← 0
  For i ← a, b execute
    If i MOD 2 ≠ 0 then
      k ← k + 1
    EndIf
  EndFor
  return k
EndAlgorithm

```

B.

```

Algorithm szummatív(a, b):
  return (b - a) DIV 2 + (b - a) MOD 2
      + (a MOD 2 + b MOD 2) DIV 2
EndAlgorithm

```

C.

```

Algorithm szummatív(a, b):
  k ← 0
  For i ← a, b execute
    i2 ← i * i
    For j ← 2, i - 1 execute
      If i2 = j * i + (i * (i + 1) DIV 2) then
        k ← k + 1
      EndIf
    EndFor
  EndFor
  return k
EndAlgorithm

```

D.

```

Algorithm szummatív(a, b):
  k ← 0
  For i ← a, b execute
    i2 ← i * i
    For j ← 2, i DIV 2 execute
      If i2 = j * i + (i * (i + 1) DIV 2) then
        k ← k + 1
      EndIf
    EndFor
  EndFor
  return k
EndAlgorithm

```