

Probleme consultații Șiruri (tablouri unidimensionale)

Problema 1 - Riffle Shuffle

Enunț

Avem un pachet de n cărți; pe fiecare carte avem un număr unic de la 1 la n . Procesul de amestecare a cărților, numit "riffle shuffle", împarte pachetul aleatoriu în 2 jumătăți și intercalează jumătățile în mod aleatoriu (vezi imaginea din dreapta). Având 2 ordonări ale cărților, ordonare_inițială și ordonare_finală, determinați dacă pornind de la ordonare_inițială putem ajunge, cu un singur riffle shuffle, la ordonare_finală.



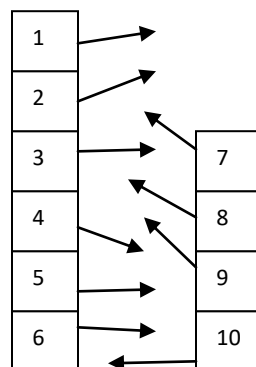
Date de intrare sunt n (numărul de cărți), *ordonare inițială* (un tablou cu n elemente) și *ordonare finală* (un tablou cu n elemente). Rezultatul este *adevărat* sau *fals*.

De exemplu, dacă avem 10 cărți, ordonare_inițială este [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10] și ordonare_finală este [1, 2, 7, 3, 8, 9, 4, 5, 6, 10], se poate ajunge de la ordonarea inițială la cea finală cu un singur riffle shuffle (vedeți exemplul de mai jos). Pornind de la aceeași ordonare_inițială, nu se poate ajunge la ordonare_finală [1, 7, 3, 4, 2, 8, 9, 5, 6, 10].

Pachetul inițial:

1
2
3
4
5
6
7
8
9
10

Procesul de "riffle shuffle"



Pachetul final

1
2
7
3
8
9
4
5
6
10

Analiză

Rezolvarea problemei este compusă din 2 părți:

- determinăm punctul unde a fost tăiat pachetul (pe baza ordonării finale);
- având cele 2 jumătăți de pachet (una de la început până la punctul de tăiere, iar a doua de la punctul de tăiere până la capăt), verificăm dacă se poate ajunge la ordonarea finală.

Determinarea punctului de tăiere

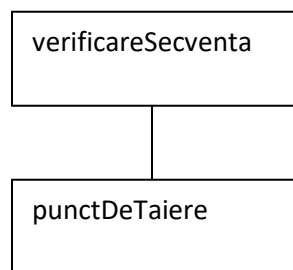
Știm că dacă tăiem pachetul de cărți la un punct p , vom avea 2 jumătăți: prima jumătate începe la poziția 1 și se termină la poziția p ; 2-a jumătate începe la poziția $p+1$ și se termină la poziția n . Dacă urmărim exemplul, observăm că ultimul element din ordonarea finală este ultimul element dintr-una dintre jumătăți.

Dacă ultimul element din ordonarea finală nu este egal cu ultimul element din ordonarea inițială, el trebuie să fie ultimul element din prima jumătate. Cum numerele de pe cărți sunt unice, putem găsi imediat punctul de tăiere. Dacă ultimul element din ordonarea finală este egal cu ultimul element din ordonarea inițială, ne uităm la penultimul element din ordonarea finală; acesta din urmă trebuie să fie ori ultimul element din prima jumătate, ori penultimul element din a 2-a jumătate etc.

Verificarea secvenței finale

Odată ce avem punctul de tăiere, parcurgem în paralel pachetul final și cele 2 jumătăți. Parcurgerile se fac de la finalul tabloului spre început (pentru că așa se construiește rezultatul amestecării). La fiecare pas verificăm din care jumătate provine elementul curent din ordonarea finală. În fiecare jumătate vom avea un element curent; tot timpul unul dintre elementele curente din cele 2 jumătăți trebuie să fie următorul element din ordonarea finală.

Identificarea subalgoritmilor



Specificarea subalgoritmilor

Funcție **punctDeTaiere(n, ordI, ordF)**:

Descriere: caută punctul de tăiere în $ordF$, pornind de la ordinea inițială $ordI$

Date: $n \in \mathbb{N}^*$, n este numărul de cărți (lungimea tablourilor $ordI$ și $ordF$)

ordI – tabloul inițial cu cărți, ordI = (ordI_i | i = 1...n, ordI_i ∈ {1,...,n})

ordF - tabloul final cu cărți, ordF = (ordF_i | i = 1...n, ordF_i ∈ {1,...,n})

Rezultate: returnează poziția de sfârșit pentru prima jumătate (poziția după care ordI a fost tăiat; poziția ∈ 1 ... n) sau -1 dacă cele 2 ordonări sunt identice.

Funcție **verificareSecventa(n, ordI, ordF):**

Descriere: verifică dacă se poate ajunge de la ordI la ordF cu un singur riffle shuffle

Date: n ∈ N*, n este numărul de cărți (lungimea tablourilor ordI și ordF)

ordI – tabloul inițial cu cărți, ordI = (ordI_i | i = 1...n, ordI_i ∈ {1,...,n})

ordF - tabloul final cu cărți, ordF = (ordF_i | i = 1...n, ordF_i ∈ {1,...,n})

Rezultate: returnează true dacă se poate ajunge din ordI la ordF cu un singur riffle shuffle, false altfel

Proiectare

Observație: La toate problemele din acest document indexarea tablourilor începe de la:

- 1 la Pseudocod și Pascal
- 0 la C++

funcție **punctDeTaiere(n, ordI, ordF)** este:

```
pozitieOrdI = n           {pornim de la capătul tablourilor}
pozitieOrdF = n
cat-timp pozitieOrdF > 0 și ordI[pozitieOrdI] = ordF[pozitieOrdF] execută
    pozitieOrdI ← pozitieOrdI - 1
    pozitieOrdF ← pozitieOrdF - 1
sf-cat-timp
dacă pozitieOrdF = 0 atunci           {cele 2 tablouri sunt identice, returnăm -1}
    punctDeTaiere ← -1
altfel {cautam pozitia elementului cu care se incheie prima jumătate in ordI}
    ultimElemJumatate1 ← ordF[pozitieOrdF]
    pozitieUltimElem ← 1
    cat-timp ordI[pozitieUltimElem] != ultimElemJumatate1 execută
        pozitieUltimElem ← pozitieUltimElem + 1
    sf-cat-timp
    punctDeTaiere ← pozitieUltimElem
sf_dacă
sf_functie
```

funcție **verificareSecventa(n, ordI, ordF)** este:

```
taietura ← punctDeTaiere(n, ordI, ordF)
dacă taietura = -1 atunci
    verificareSecventa ← true
altfel
    {verificam jumaturile de la capat si ordonare finala de la capat}
    pozJ1 ← taietura           {prima jumătate e de la poz 1 la poz taietura}
    pozJ2 ← n                 {a 2-a jumătate e de la poz taietura+1 la poz n}
    pozOrdF ← n
    cat-timp pozOrdF > 0 execută
        dacă pozJ1 > 0 și ordF[pozOrdF] = ordI[pozJ1] atunci
            pozOrdF ← pozOrdF - 1
            pozJ1 ← pozJ1 - 1
        altfel
```

```

dacă pozJ2 > taietura si ordF[pozOrdF] = ordI[pozJ2] atunci
    pozOrdF ← pozOrdF - 1
    pozJ2 ← pozJ2 - 1
altfel
    verificareSecventa ← false
{elementul din ordF nu se potrivește cu elementul curent din niciuna dintre jumătăți}
    sf_daca
        sf_daca
            sf-cat-timp
                verificareSecventa ← true
        sf_daca
    sf_functie

```

Exemple

Date de intrare			Rezultat
n	ordI	ordF	
10	[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]	[1,2,7,3,8,9,4,5,6,10]	True
10	[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]	[1,4,5,6, 2,3,7,8,9,10]	True
10	[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]	[1,8,2,3,4,5,6,7,9,10]	True
10	[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]	[10,9,8,7,6,5,4,3,2,1]	False
10	[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]	[1,6,2,8,3,4,5,7,9,10]	False
15	[1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15]	[9,10,1,2, 11,3,5,12,13,4,6,7,14,15,8]	False
15	[3,7,1,8,10,9,15,2,13,14,4,6,11,5,12]	[3, 13,14,7,4,1,8,6,10,11,5,9,12,15,2]	True

Cod sursă C++

```

int punctDeTaiere(int n, int ordI[], int ordF[])
{
    int pozitieOrdF = n - 1;
    int pozitieOrdI = n - 1;

    while (pozitieOrdF >= 0 && ordI[pozitieOrdI] == ordF[pozitieOrdF])
    {
        pozitieOrdF--;
        pozitieOrdI--;
    }

    if (pozitieOrdF == -1)
    {
        //cele 2 tablouri sunt identice, returnam -1
        return -1;
    }
    else
    {
        int ultimElemJumatate1 = ordF[pozitieOrdF];
        int pozitieUltimElem = 0;
        while (ordI[pozitieUltimElem] != ultimElemJumatate1)

```

```
        {
            pozitieUltimElem++;
        }
        return pozitieUltimElem;
    }
}

bool verificareSecventa(int n, int ordI[], int ordF[])
{
    int taietura = punctDeTaiere(n, ordI, ordF);

    if (taietura == -1)
    {
        //cele 2 tablouri sunt identice
        return true;
    }
    else
    {
        int pozJumatate1 = taietura;
        int pozJumatate2 = n-1;
        int pozOrdF = n-1;

        while (pozOrdF >= 0)
        {
            if (pozJumatate1 >= 0 && ordF[pozOrdF] == ordI[pozJumatate1])
            {
                pozOrdF--;
                pozJumatate1--;
            }
            else if (pozJumatate2 > taietura && ordF[pozOrdF] ==
                ordI[pozJumatate2]) {
                pozOrdF--;
                pozJumatate2--;
            }
            else
            {
                return false;
            }
        }
        return true;
    }
}
```

Cod sursă Pascal

```
program Problema1;

type
    myArray = array[1..100] of integer;

function punctDeTaiere(n:integer; ordI: myArray; ordF: myArray): integer;
var
    pozOrdI: integer;
    pozOrdF: integer;
```

```
result: integer;
pozUltimElem: integer;
ultimElemJumatate1: integer;
begin
  pozOrdI := n;
  pozOrdF := n;
  while ((pozOrdF > 0) and (ordI[pozOrdI] = ordF[pozOrdF])) do
  begin
    pozOrdF := pozOrdF - 1;
    pozOrdI := pozOrdI - 1;
  end;
  if pozOrdF = 0 then
    result := -1
  else
    begin
      ultimElemJumatate1 := ordF[pozOrdF];
      pozUltimElem := 1;
      while ordI[pozUltimElem] <> ultimElemJumatate1 do
      begin
        pozUltimElem := pozUltimElem + 1;
      end;
      result := pozUltimElem;
    end;
  punctDeTaiere:= result;
end;

function verificareSecventa(n: integer; ordI: myArray; ordF: myArray): boolean;
var
  result: boolean;
  taietura: integer;
  pozJumatate1: integer;
  pozJumatate2: integer;
  pozOrdF: integer;
  continua: boolean;
begin
  taietura := punctDeTaiere(n, ordI, ordF);
  if taietura = -1 then
    result := true
  else
    begin
      pozJumatate1 := taietura;
      pozJumatate2 := n;
      pozOrdF := n;
      continua := true;
      while ((continua = true) and (pozOrdF > 0)) do
      begin
        if ((pozJumatate1 > 0) and (ordI[pozJumatate1] = ordF[pozOrdF])) then
          begin
            pozJumatate1 := pozJumatate1 - 1;
            pozOrdF := pozOrdF - 1;
          end
        else if ((pozJumatate2 > taietura) and (ordI[pozJumatate2] = ordF[pozOrdF])) then
          begin
            pozJumatate2 := pozJumatate2 - 1;
            pozOrdF := pozOrdF - 1;
          end
        else
          continua := false;
        end;
      end;
    end;
end;
```

```
        result:= continua;  
    end;  
    verificareSecventa := result;  
end;
```

Problema 2 - Monitorizarea climei

Enunț

Se cere implementarea unei aplicații care analizează date climatice din 2 județe, J1 și J2. Între altele, aplicația va permite:

1.

- citirea numărului natural $p \in \{1, \dots, 17\}$, a unei săptămâni de început s și a unei săptămâni de sfârșit f ; $s, f \in \{1, \dots, 52\}$, iar $f - s \geq 3 * p$;

- citirea numerelor reale $v_s, v_f, c_s, c_f, v_s, v_f \in (1, 20]$, $v_s \leq v_f$, $c_s, c_f \in [0, 1]$, $c_s \leq c_f$;

2. citirea, pentru fiecare săptămână σ din săptămâna s până în săptămâna f inclusiv, a temperaturii medii $TMS_{\sigma, Ji}$ în săptămâna respectivă în două județe, J1 și J2 ($i \in \{1, 2\}$); $TMS_{\sigma, Ji} \in [-40, 50]$;

3. determinarea și afișarea celei mai lungi perioade de timp în care are loc următorul fenomen în ambele județe:

- o perioadă cu p *c-stagnări** consecutive ale temperaturii medii săptămânale (TMS) este precedată de o perioadă cu p *v-creșteri** consecutive SAU de o perioadă cu p *v-scăderi** consecutive ale TMS;

- o perioadă cu p *v-scăderi* consecutive ale TMS este precedată în ordine cronologică de: o perioadă cu p *v-creșteri* consecutive ale TMS și de o perioadă cu p *c-stagnări* consecutive ale TMS;

- o perioadă cu p *v-creșteri* consecutive ale TMS este precedată în ordine cronologică de: o perioadă cu p *v-scăderi* consecutive ale TMS și de o perioadă cu p *c-stagnări* consecutive ale TMS;

- o secvență îndeplinește proprietatea dacă începe cu p *v-creșteri* consecutive;

* fie s_1 și s_2 două săptămâni consecutive:

- în s_2 are loc o *v-creștere* a TMS față de s_1 dacă $TMS_{s_2} - TMS_{s_1} \in [v_s, v_f]$;
- în s_2 are loc o *c-stagnare* a TMS față de s_1 dacă $|TMS_{s_1} - TMS_{s_2}| \in [c_s, c_f]$;
- în s_2 are loc o *v-scădere* a TMS față de s_1 dacă $TMS_{s_1} - TMS_{s_2} \in [v_s, v_f]$;

- se afișează și numărul de secvențe cu *v-creșteri*, *c-stagnări*, *v-scăderi*; începând cu a doua săptămână s_i a perioadei identificate, se afișează și diferența dintre TMS din săptămâna s_i și TMS din săptămâna precedentă s_{i-1} ;

- cea mai lungă perioadă de timp căutată are cel puțin $3 * p + 1$ săptămâni consecutive: p *v-creșteri* urmate de p *c-stagnări* succedate de p *v-scăderi* au loc într-o perioadă care include $3 * p + 1$ săptămâni consecutive;

- în cazul în care există mai multe soluții - mai multe perioade de timp care au aceeași lungime - se afișează una dintre ele;

4. determinarea și afișarea celei mai lungi perioade de timp în care TMS în județul J1 este mai mare decât TMS înregistrată în județul J2 - **temă**.

Exemplul 1

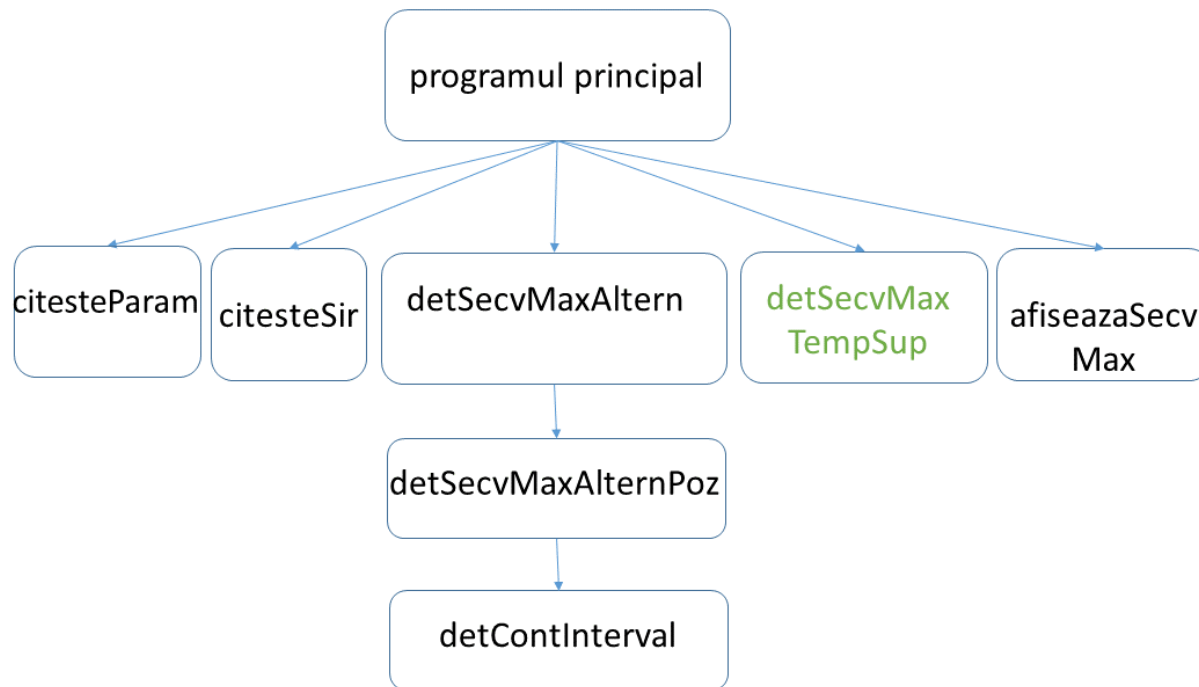
- săptămâna de început $s = 2$ și săptămâna de sfârșit $f = 19$
- $v_s = 3, v_f = 7, c_s = 0, c_f = 0.5$
- TMS din săptămâna 2 până în săptămâna 19 pentru J1: 5, 10, 14, 18, 21, 21.5, 21, 21.5, 17, 14, 11, 11.5, 11.5, 11.5, 11.5, 15, 20, 23
- TMS din săptămâna 2 până în săptămâna 19 pentru J2: 10, 12, 15, 18, 21, 21, 21.2, 21.3, 18, 15, 12, 14, 15, 16, 16, 16, 16
- pentru $p = 3$: cea mai lungă perioadă identificată este s_3-s_{12} ; se înregistrează în ordine: p v -creșteri consecutive, p c -stagnări consecutive, p v -scăderi consecutive ale TMS în ambele județe; sunt 3 secvențe de v -creșteri / c -stagnări / v -scăderi în acest interval; J1 înregistrează în această perioadă următoarele valori pentru TMS: 10, 14, 18, 21, 21.5, 21, 21.5, 17, 14, 11, iar J2 - 12, 15, 18, 21, 21, 21.2, 21.3, 18, 15, 12; diferențele între TMS dintr-o săptămână și TMS din săptămâna precedentă, începând cu a doua săptămână din interval, sunt: pentru J1 (4, 4, 3, 0.5, -0.5, 0.5, -4.5, -3, -3), iar pentru J2 (3, 3, 3, 0, 0.2, 0.1, -3.3, -3, -3).

Ale exemple - vezi cod C++.

Este necesară utilizarea subprogramelor care comunică între ele și cu programul principal, precum și specificarea acestora.

Analiză

Identificarea subalgoritmilor



Specificarea subalgoritmilor

Subalgoritmul **citesteParam**(p, s, f, vs, vf, cs, cf):

Descriere: Citește săptămâna de la care începe analiza, cea în care se încheie analiza, numărul natural p și numerele reale vs, vf, cs, cf (parametri utilizați în problemă). Perioada analizată trebuie să includă cel puțin $3 \cdot p + 1$ săptămâni consecutive.

Date: -

Rezultate: p, s, f, vs, vf, cs, cf

p - număr natural utilizat în problemă, $p \in \{1, \dots, 17\}$

s - săptămâna de la care începe analiza, $s \in \{1, \dots, 52\}$

f - săptămâna în care se încheie analiza, $f \in \{1, \dots, 52\}$

$f - s \geq 3 \cdot p$

vs - numărul minim de grade cu care poate varia temperatura într-o săptămână față de săptămâna precedentă într-o v -scădere sau v -creștere, $vs \in (1, 20]$

vf - numărul maxim de grade cu care poate varia temperatura într-o săptămână față de săptămâna precedentă într-o v -scădere sau v -creștere, $vf \in (1, 20]$

$vs \leq vf$

cs - numărul minim de grade cu care poate varia temperatura într-o săptămână față de săptămâna precedentă într-o c -stagnare, $cs \in [0, 1]$

cf - numărul maxim de grade cu care poate varia temperatura într-o săptămână față de săptămâna precedentă într-o c -stagnare, $cf \in [0, 1]$

$$cs \leq cf$$

Subalgoritmul **citesteSir(T, saptInc, saptSf, n, tipDateT)**:

Descriere: Citește un șir de numere reale, câte un număr pentru fiecare săptămână din perioada determinată de $saptInc$ și $saptSf$; calculează lungimea șirului.

Date: $saptInc$ - prima săptămână pentru care se citește un număr real

$saptSf$ - ultima săptămână pentru care se citește un număr real

$tipDateT$ - semnificația unui număr real din șir: temperatura medie săptămânală dintr-un anumit județ

Rezultate: T - șir de numere reale, câte unul pentru fiecare săptămână aflată în perioada determinată de $saptInc$ și $saptSf$; temperatura minimă permisă este -40 °C, iar cea maximă este de 50 °C.

$$T = (t_i \in [-40, 50] | i=1..n, n \in \mathbb{N}^*)$$

n - lungimea șirului de numere citite

Subalgoritmul **detSecvMaxAltern (TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, lungSecvMax, poz)**:

Descriere: Calculează cea mai lungă secvență care începe cu p v -creșteri consecutive ale temperaturii medii săptămânale (TMS) și în care:

- p c -stagnări consecutive ale TMS sunt precedate de p v -creșteri consecutive SAU de p v -scăderi consecutive ale TMS;

- p v -scăderi consecutive ale TMS sunt precedate în ordine cronologică de p v -creșteri consecutive ale TMS și de p c -stagnări consecutive ale TMS;

- p v -creșteri consecutive ale TMS sunt precedate în ordine cronologică de p v -scăderi consecutive ale TMS și de p c -stagnări consecutive ale TMS,

în ambele județe analizate.

Date: $TJ1$ - un șir de numere reale cu temperatura medie săptămânală în primul județ

$TJ2$ - un șir de numere reale cu temperatura medie săptămânală în al doilea județ

$TJ1 = (tmsj1_i \in [-40, 50] | i=1..lungTemp, lungTemp \in \mathbb{N}^*)$

$TJ2 = (tmsj2_i \in [-40, 50] | i=1..lungTemp, lungTemp \in \mathbb{N}^*)$

$lungTemp$ - lungimea șirurilor cu temperaturile medii săptămânale, $lungTemp \in \mathbb{N}^*$

p - număr natural utilizat în problemă, $p \in \{1, \dots, 17\}$

vs, vf, cs, cf - numere reale utilizate în problemă, $vs, vf \in (1, 20], vs \leq vf; cs, cf \in [0, 1]$

$$cs \leq cf$$

Rezultate: $poz \in \mathbb{N}^*$ - pentru cea mai lungă secvență care îndeplinește proprietatea cerută, poz reprezintă poziția din șir a primei săptămâni din secvență

$lungSecvMax \in \mathbb{N}$ - lungimea celei mai lungi secvențe care respectă proprietatea precizată; reprezintă numărul de săptămâni din secvență; $lungSecvMax \geq 3 \cdot p + 1$

Subalgoritmul **detSecvMaxAlternPoz (TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, poz, lungSecv)**:

Descriere: Calculează lungimea secvenței care începe cu p v -creșteri consecutive ale temperaturii medii săptămânale (TMS) și în care:

- p c -stagnări consecutive ale TMS sunt precedate de p v -creșteri consecutive SAU de p v -scăderi consecutive ale TMS;
 - p v -scăderi consecutive ale TMS sunt precedate în ordine cronologică de p v -creșteri consecutive ale TMS și de p c -stagnări consecutive ale TMS;
 - p v -creșteri consecutive ale TMS sunt precedate în ordine cronologică de p v -scăderi consecutive ale TMS și de p c -stagnări consecutive ale TMS,
- relativ la o poziție dată, în ambele județe analizate.

Date: $TJ1$ - un șir de numere reale cu temperatura medie săptămânală în primul județ

$TJ2$ - un șir de numere reale cu temperatura medie săptămânală în al doilea județ

$lungTemp$ - lungimea șirurilor cu temperaturile medii săptămânale, $lungTemp \in \mathbb{N}^*$

p - număr natural utilizat în problemă, $p \in \{1, \dots, 17\}$

v_s, v_f, c_s, c_f - numere reale utilizate în problemă, $v_s, v_f \in (1, 20]$, $v_s \leq v_f$; $c_s, c_f \in [0, 1]$,

$c_s \leq c_f$

$poz \in \mathbb{N}$ - reprezintă poziția din șir începând de la care se verifică proprietatea cerută

Rezultate: $lungSecv \in \mathbb{N}$ - lungimea secvenței de temperaturii medii săptămânale care îndeplinește proprietatea precizată relativ la poziția dată

Functia $detContInterval(T, v_s, v_f, c_s, c_f, semnJ, semnJ, pozSt, pozSf)$

Descriere: determină dacă șirul T are doar v -creșteri, doar c -stagnări sau doar v -scăderi succesive între $pozSt$ și $pozSf+1$ și dacă se respectă proprietatea de succesiune în raport cu cele 2 secvențe anterioare de câte $p+1$ săptămâni consecutive: p v -creșteri pot urma doar după p v -scăderi succedate de p c -stagnări; p v -scăderi pot urma doar după p v -creșteri succedate de p c -stagnări; p c -stagnări pot urma doar după p v -scăderi sau p v -creșteri

Date: T - șir de numere reale

v_s, v_f, c_s, c_f - numere reale utilizate în problemă, $v_s, v_f \in (1, 20]$, $v_s \leq v_f$; $c_s, c_f \in [0, 1]$,

$c_s \leq c_f$

$semnJ$ - număr întreg care descrie secvența S , unde cu S se notează secvența anterioară celei analizate

$semnJ$ - număr întreg care descrie secvența S_{ant} , unde cu S_{ant} se notează secvența anterioară lui S

$semnJ, semnJ \in \{-1, 0, 1\}$, cu semnificația:

-1: secvență cu p v -scăderi succesive

0: secvență cu p c -stagnari succesive

1: secvență cu p v -creșteri succesive

$pozSt, pozSf \in \mathbb{N}^*$, $pozSf = pozSt + (p-1)$

Rezultate: returnează *true* dacă T are doar v -creșteri, doar c -stagnări sau doar v -scăderi succesive între $pozSt$ și $pozSf+1$ și dacă se respectă proprietatea de succesiune, *false* altfel

$semnJ$ - număr întreg care descrie tipul de secvență dintre pozițiile $pozSt$ și $pozSf+1$

$semnJ$ - număr întreg care descrie secvența S , unde cu S se notează secvența anterioară celei analizate

$semnJ, semnJ \in \{-1, 0, 1\}$, cu semnificația:

-1: secvență cu p v -scăderi succesive

0: secvență cu p c -stagnari succesive

I: secvență cu *p* *v*-creșteri succesive

Subalgoritmul **afiseazaSecvMax(TJ1, TJ2, lungTemp, inceputInterval, lungimeSecventa, saptInceput, p)**:

Descriere: Afixează perioada de timp solicitată în problemă.

Date: TJ1 - un șir de numere reale cu temperatura medie săptămânală în primul județ

TJ2 - un șir de numere reale cu temperatura medie săptămânală în al doilea județ

TJ1 = (tmsj1_i ∈ [-40, 50] | i=1.. lungTemp, lungTemp ∈ N*)

TJ2 = (tmsj2_i ∈ [-40, 50] | i=1.. lungTemp, lungTemp ∈ N*)

lungTemp - lungimea șirurilor cu temperaturile medii săptămânale, lungTemp ∈ N*

inceputInterval ∈ N* - poziția de la care începe secvența identificată; inceputInterval ∈ {1, ..., lungTemp}

lungimeSecventa ∈ N - lungimea secvenței care trebuie afișată

saptInceput ∈ N - săptămâna de început a perioadei analizate

p - număr natural utilizat în problemă, *p* ∈ {1, ..., 17}

Rezultate: se afixează intervalul solicitat în problemă

Proiectare

subalgoritmul **citesteParam(p, s, f, vs, vf, cs, cf)** este:

```
    repeta
        @tipareste „ Introduceti valoarea parametrului p: ”
        @citeste p
        pana-cand p >= 1 AND p <= 17

    repeta
        @tipareste „ Introduceti saptamana de start s si saptamana de final f a
        perioadei analizate (f - s >= 3 * p): ”
        repeta
            @tipareste „ Introduceti s: ”
            @citeste s
            pana-cand s >= 1 AND s <= 52
        repeta
            @tipareste „ Introduceti f: ”
            @citeste f
            pana-cand f >= 1 AND f <= 52
        pana-cand f - s >= 3 * p

    @tipareste „ Introduceti valoarea parametrilor vs si vf (vs, vf in (1, 20]): ”
    repeta
        @tipareste „ Introduceti valoarea parametrului vs: ”
        @citeste vs
        pana-cand vs > 1 AND vs <= 20
    repeta
        @tipareste „ Introduceti valoarea parametrului vf: ”
        @citeste vf
        pana-cand vf > 1 AND vf <= 20 AND vf >= vs

    @tipareste „ Introduceti valoarea parametrilor cs si cf (cs, cf in [0, 1]): ”
    repeta
        @tipareste „ Introduceti valoarea parametrului cs: ”
        @citeste cs
        pana-cand cs >= 0 AND cs <= 1
```

```
    repeta
        @tipareste „ Introduceti valoarea parametrului cf: ”
        @citeste cf
    pana-cand cf >= 0 AND cf <= 1 AND cf >= cs
sf-subalgoritm

subalgoritmul citesteSir(T, saptInc, saptSf, n, tipDateT) este:
    n ← saptSf - saptInc + 1
    pentru i ← 1, n executa
        repeta
            @tipareste tipDateT, " in saptamana ", saptInc+i-1, ": "
            @citeste T[i]
        pana-cand T[i] >= -40 AND T[i] <= 50
    sf-pentru
sf-subalgoritm

subalgoritmul detSecvMaxAltern(TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, lungSecvMax, poz)
este:
    i ← 1
    cat-timp i <= lungTemp - p executa
        lungSecv ← 0
        detSecvMaxAlternPoz(TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, i, lungSecv)
        daca lungSecv > lungSecvMax atunci
            lungSecvMax ← lungSecv
            poz ← i
        sf-daca
        daca lungSecv = 0 atunci
            i ← i + 1
        altfel
            i ← i + lungSecv - (p+1)
        sf-daca
    sf-cat-timp
sf-subalgoritm

subalgoritmul detSecvMaxAlternPoz(TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, poz, lungSecv)
este:
    lungSecv ← 0
    i ← poz
    contor ← 0
    cont ← true
    semnJ1 ← 0, semnJ2 ← 0
    semnantJ1 ← -1, semnantJ2 ← -1
    cat-timp i <= lungTemp - p AND cont executa
        daca detContInterval(TJ1, vs, vf, cs, cf, semnJ1, semnantJ1, i,
            i + (p-1)) AND
            detContInterval(TJ2, vs, vf, cs, cf, semnJ2, semnantJ2, i,
            i + (p-1)) atunci
            i ← i + p
            contor ← contor + 1
        altfel
            cont ← false
        sf-daca
    sf-cat-timp
    daca contor >= 3 atunci
        lungSecv ← i - poz + 1
    sf-daca
sf-subalgoritm
```

functia **detContInterval(T, vs, vf, cs, cf, semnJ, semnantJ, pozSt, pozSf)** este:

```
i ← pozSt
cont ← true

daca semnJ = -1 OR semnJ = 1 atunci
    cat-timp i <= pozSf AND cont executa
        daca |T[i+1]-T[i]| < cs OR |T[i+1]-T[i]| > cf atunci
            cont ← false
        altfel
            i ← i+1
        sf-daca
    sf-cat-timp
daca cont = true atunci
    daca semnJ = -1 atunci
        semnantJ = -1
    altfel
        semnantJ = 1
    sf-daca
    semnJ = 0
sf-daca
altfel
daca semnJ = 0 atunci
    daca semnantJ = -1 atunci
        cat-timp i <= pozSf AND cont executa
            daca T[i+1]-T[i] < vs OR T[i+1]-T[i] > vf atunci
                cont ← false
            altfel
                i ← i+1
            sf-daca
        sf-cat-timp
        daca cont = true atunci
            semnantJ = 0
            semnJ = 1
        sf-daca
    altfel
        daca semnantJ = 1 atunci
            cat-timp i <= pozSf AND cont executa
                daca T[i]-T[i+1] < vs OR T[i]-T[i+1] > vf
                    atunci
                        cont ← false
                altfel
                    i ← i+1
                sf-daca
            sf-cat-timp
            daca cont = true atunci
                semnantJ = 0
                semnJ = -1
            sf-daca
        sf-daca
    sf-daca
sf-daca
detContInterval ← cont
sf-functie

subalgoritmul afiseazaSecvMax(TJ1, TJ2, lungTemp, inceputInterval, lungimeSecventa,
saptInceput, p) este:
    daca inceputInterval = 0 atunci
        @tipareste "Nu exista niciun interval de timp cu proprietatea dorita. "
```

```
altfel
    saptIncInterval ← saptInceput + inceputInterval - 1
    saptSfInterval ← saptIncInterval + lungimeSecventa - 1
    @tipareste "Cea mai lunga perioada care indeplineste proprietatea ceruta
               este: ", saptIncInterval, " - ", saptSfInterval
    @tipareste "Nr de v-cresteri / c-stagnari / v-scaderi in perioada respectiva
               este: ", (saptSfInterval - saptIncInterval)/p

    @tipareste "Diferente intre temperaturile medii saptamanale din 2 saptamani
               consecutive in perioada considerata, pentru ambele judete: "
    i ← inceputInterval + 1
    cat-timp i <= inceputInterval + lungSecv - 1 executa
        @tipareste TJ1[i] - TJ1[i-1], " "
        @tipareste TJ2[i] - TJ2[i-1], " "
        i ← i + 1
    sf-cat-timp
sf-daca
sf-subalgoritm

Algoritmul MonitorizareClima este:
    s ← 0
    f ← 0
    p ← 0
    vs ← 0
    vf ← 0
    cs ← 0
    cf ← 0
    lungTemp ← 0

    citesteParam(p, s, f, vs, vf, cs, cf)
    citesteSir(TJ1, s, f, lungTemp, " temperatura medie saptamanala in judetul J1")
    citesteSir(TJ2, s, f, lungTemp, " temperatura medie saptamanala in judetul J2")

    lungSecv ← 0
    poz ← 0
    detSecvMaxAltern(TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, lungSecv, poz)
    afiseazaSecvMax(TJ1, TJ2, lungTemp, poz, lungSecv, s, p)
Sf-Algoritm
```

Exemple

Date de intrare	Rezultate
vezi enunț și cod sursă C++ / Pascal	

Cod sursă C++

```
#include "pch.h"
#include <iostream>
using namespace std;

void citesteParam(int& p, int& s, int& f, float& vs, float& vf, float& cs, float& cf)
```



```
{
    do
    {
        cout << "Introduceti valoarea parametrului p: ";
        cin >> p;
    } while (p < 1 || p > 17);

    do
    {
        cout << "Introduceti saptamana de start s si saptamana de final f a perioadei
analizate (f - s >= 3 * p): ";
        do
        {
            cout << "Introduceti s: ";
            cin >> s;
        } while (s < 1 || s > 52);
        do
        {
            cout << "Introduceti f: ";
            cin >> f;
        } while (f < 1 || f > 52);
    } while (f - s < 3 * p);

    cout << "Introduceti valoarea parametrilor vs si vf (vs, vf in (1, 20]): ";
    do
    {
        cout << "Introduceti vs: ";
        cin >> vs;
    } while (vs <= 1 || vs > 20);
    do
    {
        cout << "Introduceti vf: ";
        cin >> vf;
    } while (vf <= 1 || vf > 20 || vf < vs);

    cout << "Introduceti valoarea parametrilor cs si cf (cs, cf in [0, 1]): ";
    do
    {
        cout << "Introduceti cs: ";
        cin >> cs;
    } while (cs < 0 || cs > 1);
    do
    {
        cout << "Introduceti cf: ";
        cin >> cf;
    } while (cf < 0 || cf > 1 || cf < cs);
}

void citesteSir(float T[], int saptInc, int saptSf, int& n, const char tipDateT[50])
{
    n = saptSf - saptInc + 1; // se citeste un sir de numere reale
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        do
```

```
    {
        cout << tipDateT << " in saptamana " << saptInc + i << ": ";
        cin >> T[i];
    } while (T[i] < -40 || T[i] > 50);
}
}

bool detContInterval(float T[], float vs, float vf, float cs, float cf, int& semnJ, int&
semnantJ, int pozSt, int pozSf)
{
    int i = pozSt;
    bool cont = true;

    if (semnJ == -1 || semnJ == 1) //daca anterior in J s-a inregistrat o perioada cu
        //v-scaderi sau v-cresteri, acum trebuie sa urmeze o
        //perioada cu c-stagnari
    {
        while (i <= pozSf && cont)
            if (abs(T[i + 1] - T[i]) < cs || abs(T[i + 1] - T[i]) > cf)
                cont = false;
            else i++;
        if (cont)
        {
            if (semnJ == -1) semnantJ = -1;
            else semnantJ = 1; //semnJ == 1
            semnJ = 0; //s-a identificat o perioada cu c-stagnari
        }
    }
    else if (semnJ == 0) //daca anterior in J s-a inregistrat o perioada cu c-stagnari
        if (semnantJ == -1) //daca anterior perioadei anterioare de c-stagnari din J s-a
            inregistrat o perioada cu v-scaderi, trebuie sa urmeze o perioada cu v-cresteri
        {
            while (i <= pozSf && cont)
                if (T[i + 1] - T[i] < vs || T[i + 1] - T[i] > vf)
                    cont = false;
                else i++;
            if (cont)
            {
                semnantJ = 0;
                semnJ = 1; //s-a identificat o perioada cu v-cresteri
            }
        }
    else if (semnantJ == 1) //daca anterior perioadei anterioare de c-stagnari din J
        s-a inregistrat o perioada cu v-cresteri, trebuie sa urmeze o perioada cu v-scaderi
    {
        while (i <= pozSf && cont)
            if (T[i] - T[i + 1] < vs || T[i] - T[i + 1] > vf)
                cont = false;
            else i++;
        if (cont)
        {
            semnantJ = 0;
            semnJ = -1; //s-a identificat o perioada cu v-scaderi
        }
    }
}
```

```
    }
    return cont;
}

void detSecvMaxAlternPoz(float TJ1[], float TJ2[], int lungTemp, int p, float vs, float vf,
float cs, float cf, int poz, int& lungSecv)
{
    lungSecv = 0;
    int i = poz;
    int contor = 0;
    bool cont = true;
    int semnJ1 = 0, semnJ2 = 0; //prima secventa trebuie sa contina v-cresteri; deci se
presupune existenta unei perioade imediat anterioare cu c-stagnari,
    int semnantJ1 = -1, semnantJ2 = -1; //iar anterior acesteia - a unei perioade cu v-
scaderi
    while (i < lungTemp - p && cont)
    {
        if (detContInterval(TJ1, vs, vf, cs, cf, semnJ1, semnantJ1, i, i + (p - 1)) &&
detContInterval(TJ2, vs, vf, cs, cf, semnJ2, semnantJ2, i, i + (p - 1)))
        {
            i += p;
            contor++;
        }
        else
            cont = false;
    }
    if (contor >= 3)
        lungSecv = i - poz + 1;
}

void detSecvMaxAltern(float TJ1[], float TJ2[], int lungTemp, int p, float vs, float vf,
float cs, float cf, int& lungSecvMax, int& poz)
{
    int i = 0;
    while (i < (lungTemp - p))
    {
        int lungSecv = 0;
        detSecvMaxAlternPoz(TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, i, lungSecv);
        if (lungSecv > lungSecvMax)
        {
            lungSecvMax = lungSecv;
            poz = i;
        }
        if (lungSecv == 0)
            i++;
        else
            i += lungSecv - (p + 1);
    }
}

void afiseazaSecvMax(float TJ1[], float TJ2[], int lungTemp, int inceputInterval, int
lungimeSecventa, int saptInceput, int p)
{
    if (inceputInterval == -1)
```

```
{
    cout << "Nu exista niciun interval de timp cu proprietatea dorita." << endl;
    return;
}
int saptIncInterval = saptInceput + inceputInterval;
int saptSfInterval = saptIncInterval + lungimeSecventa - 1;

cout << "Cea mai lunga perioada care indeplineste proprietatea ceruta este: " <<
saptIncInterval << " - " << saptSfInterval << endl;
cout << "Nr de v-cresteri / c-stagnari / v-scaderi in perioada respectiva este: " <<
(saptSfInterval - saptIncInterval) / p << endl;

int i;
cout << "Diferente intre temperaturile medii saptamanale din 2 saptamani consecutive in
perioada considerata, pentru ambele judete: " << endl;
i = inceputInterval + 1;
while (i <= inceputInterval + lungimeSecventa - 1)
{
    cout << "temp[" << i << "] - temp[" << i - 1 << "] ";
    cout << "(J1): ";
    cout << TJ1[i] - TJ1[i - 1] << " " << endl;

    i++;
}

i = inceputInterval + 1;
while (i <= inceputInterval + lungimeSecventa - 1)
{
    cout << "temp[" << i << "] - temp[" << i - 1 << "] ";
    cout << "(J2): ";
    cout << TJ2[i] - TJ2[i - 1] << " " << endl;

    i++;
}
}

int main()
{
    float TJ1[52], TJ2[52];
    int p, s, f, lungTemp, lungSecv, poz;
    float vs, vf, cs, cf;
    char tipDate[20];

    s = 0, f = 0, p = 0, vs = 0, vf = 0, cs = 0, cf = 0, lungTemp = 0; //citire param, temp
    citesteParam(p, s, f, vs, vf, cs, cf);
    citesteSir(TJ1, s, f, lungTemp, "temperatura medie saptamanala in judetul J1");
    citesteSir(TJ2, s, f, lungTemp, "temperatura medie saptamanala in judetul J2");
    //e1
    /*s = 2, f = 19, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 3; lungTemp = 18;
    float TJ1[18] = { 5, 10, 14, 18, 21, 21.5, 21, 21.5, 17, 14, 11, 11.5, 11.5,
11.5, 15, 20, 23};
    float TJ2[18] = { 10, 12, 15, 18, 21, 21, 21.2, 21.3, 18, 15, 12, 14, 15, 16, 16,
16, 16};*/
}
```

```
//e2
/*s = 1, f = 8, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 8;
float TJ1[18] = { 0, 4, 8, 12, 12, 12, 8, 4 };
float TJ2[18] = { 0, 4, 8, 12, 12, 12, 8, 4 };*/

//e3
/*s = 1, f = 7, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 7;
float TJ1[18] = { 20, 20, 20, 16, 12, 12, 12 };
float TJ2[18] = { 20, 20, 20, 16, 12, 12, 12 };*/

//e4
/*s = 1, f = 9, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 9;
float TJ1[18] = { 10, 10, 10, 14, 18, 18, 18, 14, 10 };
float TJ2[18] = { 10, 10, 10, 14, 18, 18, 18, 14, 10 };*/

//e5
/*s = 1, f = 11, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 11;
float TJ1[18] = { 20, 16, 12, 12, 12, 16, 20, 20, 20, 16, 12 };
float TJ2[18] = { 20, 16, 12, 12, 12, 16, 20, 20, 20, 16, 12 };*/

//e6
/*s = 1, f = 7, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 7;
float TJ1[18] = { 10, 14, 18, 18, 18, 22, 26 };
float TJ2[18] = { 10, 14, 18, 18, 18, 22, 26 };*/

//e7
/*s = 1, f = 7, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 7;
float TJ1[18] = { 10, 14, 18, 18, 18, 14, 10 };
float TJ2[18] = { 10, 14, 18, 18, 18, 14, 10 };*/

//e8
/*s = 1, f = 16, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 16;
float TJ1[18] = { 10, 14, 18, 18, 18, 18, 14, 10, 10, 10, 14, 18, 18, 18, 14, 10 };
float TJ2[18] = { 10, 14, 18, 18, 18, 18, 14, 10, 10, 10, 14, 18, 18, 18, 14, 10 };*/

//e9
/*s = 1, f = 12, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 12;
float TJ1[18] = { 10, 14, 18, 18, 18, 18, 22, 26, 26, 26, 22, 18 };
float TJ2[18] = { 10, 14, 18, 18, 18, 18, 22, 26, 26, 26, 22, 18 };*/

//e10
/*s = 1, f = 32, vs = 3, vf = 7, cs = 0, cf = 0.5, p = 2; lungTemp = 32;
float TJ1[32] = { 10, 14, 18, 18, 18, 14, 10, 10, 10, 14, 18, 22, 22, 22, 18, 14, 14,
14, 18, 22, 22, 22, 18, 14, 14, 14, 18, 22, 22, 22, 18, 14 };
float TJ2[32] = { 10, 14, 18, 18, 18, 14, 10, 10, 10, 14, 18, 22, 22, 22, 18, 14, 14,
14, 18, 22, 22, 22, 18, 14, 14, 14, 18, 22, 22, 22, 18, 14 };*/

// identificam cea mai lunga secventa cu proprietatea ceruta
lungSecv = 0;
poz = -1;
detSecvMaxAltern(TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, lungSecv, poz);

afiseazaSecvMax(TJ1, TJ2, lungTemp, poz, lungSecv, s, p);
```

```
}
```

Cod sursă Pascal

```
Program Clima;
type
tablou = array[1..52] of real;

procedure citesteParam(var p, s, f:integer; var vs, vf, cs, cf: real );
begin
repeat
    writeln('Introduceti valoarea parametrului p: ');
    read(p);
until (p >= 1) and (p <= 17);
repeat
    writeln('Introduceti saptamana de start s si saptamana de final f a perioadei
analizate (f-s >= 3*p): ');
    repeat
        writeln('Introduceti s: ');
        read(s);
    until (s >= 1) and (s <= 52);
    repeat
        writeln('Introduceti f: ');
        read(f);
    until (f >= 1) and (f <= 52);
until (f - s >= 3 * p);
repeat
    writeln('Introduceti valoarea parametrilor vs si vf (vs, vf in (1, 20]): ');
    repeat
        writeln('Introduceti vs: ');
        read(vs);
    until (vs > 1) and (vs <= 20);
    repeat
        writeln('Introduceti vf: ');
        read(vf);
    until (vf > 1) and (vf <= 20);
until (vs <= vf);
repeat
    writeln('Introduceti valoarea parametrilor cs si cf (cs, cf in [0, 1]): ');
    repeat
        writeln('Introduceti cs: ');
        read(cs);
    until (cs >= 0) and (cs <= 1);
    repeat
        writeln('Introduceti cf: ');
        read(cf);
    until (cf >= 0) and (cf <= 1);
until (cs <= cf);
end;
```

```
procedure citesteSir(var T: tablou; saptInc, saptSf: integer; var n: integer;
tipDateT: string);
var i: integer;
nr: string;
begin
  n := saptSf - saptInc + 1 ;
  for i := 1 to n do
    begin
      repeat
        str((i + saptInc - 1), nr);
        writeln(tipDateT + ' in saptamana ' + nr + ': ');
        read(T[i]);
      until (T[i] >= -40) and (T[i] <= 50);
    end;
  end;

function detContInterval(T: tablou; vs, vf, cs, cf: real; var semnJ, semnantJ:
integer; pozSt, pozSf: integer): Boolean;
var i: integer;
dif: real;
cont: Boolean;
begin
  i := pozSt;
  cont := True;

  if (semnJ = -1) or (semnJ = 1) then
    //daca anterior s-a inregistrat o perioada cu v-scaderi sau v-cresteri
    //acum ne trebuie o perioada cu c-stagnari
  begin
    while (i <= pozSf) and cont do
      begin
        dif := abs(T[i+1] - T[i]);
        if (dif < cs) or (dif > cf) then
          cont := False
        else
          i := i + 1;
        end;
        //daca perioada contine doar c-stagnari, schimbam semnele pentru
        perioadele anterioare
        if cont then
          begin
            semnantJ := semnJ;
            semnJ := 0;
          end;
        end
        else if (semnJ = 0) then //perioada anterioara a continut doar c-stagnari
        begin
          if (semnantJ = -1) then //inainte de perioada cu c-stagnari a existat o
          perioada cu v-scaderi, acum ar trebui sa urmeze o perioada cu v-cresteri
          begin
            while (i <= pozSf) and cont do
              begin
                dif := T[i+1] - T[i];
```

```
        if (dif < vs) or (dif > vf) then
            cont := False
        else
            i := i + 1;
        end;
        //daca exista doar v-cresteri, schimbam semnele pentru perioadele
anterioare
        if cont then
            begin
                semnantJ := semnJ;
                semnJ := 1; // crestere
            end;
        else if (semnantJ = 1) then // perioada anterioara a continut v-cresteri,
acum ar trebui sa urmeze v-scaderi
            begin
                while (i <= pozSf) and cont do
                    begin
                        dif := T[i] - T[i + 1];
                        if (dif < vs) or (dif > vf) then
                            cont := False
                        else
                            i := i + 1;
                        end;
                        if cont then
                            begin
                                semnantJ := semnJ;
                                semnJ := -1; //scadere
                            end;
                        end;
                    end;
                detContInterval := cont;
            end;
end;

procedure detSecvMaxAlternPoz(TJ1, TJ2: tablou; lungTemp, p: integer; vs, vf, cs,
cf: real; poz: integer; var lungSecv: integer);
var
    i, contor, semnJ1, semnJ2, semnAntJ1, semnAntJ2: integer;
    cont: Boolean;
begin
    lungSecv := 0;
    i := poz;
    semnJ1 := 0; //prima secventa trebuie sa contina v-cresteri.
    semnJ2 := 0; // setam o perioada fictive cu c-stagnari si...
    semnAntJ1 := -1; // o perioada fictive cu v-scaderi
    semnAntJ2 := -1; // pentru ambele judete
    cont := True;
    contor := 0;
    //vom verifica o secventa care incepe de la i. Trebuie sa avem minim inca p
pozitii pana la finalul tablourilor
    while (i <= lungTemp - p) and cont do
        begin
```



```
        if (detContInterval (TJ1, vs, vf, cs, cf, semnJ1, semnAntJ1, i, i+p- 1))
and (detContInterval(TJ2, vs, vf, cs, cf, semnJ2, semnAntJ2, i, i+p-1)) then
    begin
        i := i + p;
        contor := contor + 1;
    end else
        cont := False;
    end;
    if (contor >= 3) then
        lungSecv := i - poz + 1;

end;

procedure detSecvMaxAltern(TJ1, TJ2: tablou; lungTemp, p: integer; vs, vf, cs,
cf: real; var lungSecvMax, poz: integer);
var
    i, lungSecv: integer;
begin
    i := 1;
    while ( i <= (lungTemp - p)) do
    begin
        lungSecv := 0;
        detSecvMaxAlternPoz(TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, i, lungSecv);
        if (lungSecv > lungSecvMax) then
            begin
                lungSecvMax := lungSecv;
                poz := i;
            end;
        if (lungSecv = 0) then
            i := i + 1
        else
            i := i + (lungSecv - (p + 1));
        end;
    end;
end;

procedure afiseazaSecvMax(TJ1, TJ2: tablou; lungTemp, inceputInterval,
lungimeSecventa, saptInceput, p: integer);
var
    i, saptIncInterval, saptSfInterval: integer;
    s1, s2, s3: string; //pentru transformarea numerelor in stringuri
begin
    if (inceputInterval = 0) then
        writeln('Nu exista niciun interval de timp cu proprietatea dorita')
    else
        begin
            saptIncInterval := saptInceput + inceputInterval-1;
            saptSfInterval := saptIncInterval + lungimeSecventa-1;
            str(saptIncInterval, s1);
            str(saptSfInterval, s2);
            writeln('Cea mai lunga perioada care indeplineste proprietatea ceruta
este : ' + s1 + ' - ' + s2);
            str((saptSfInterval - saptIncInterval)/ p, s3);
```



```
s : integer = 1;
f : integer = 11;
p : integer = 2;
vs : real = 3;
vf : real = 7;
cs : real = 0;
cf : real = 0.5;
lungTemp : integer = 11;
TJ1: array[1..52] of real = (20, 16, 12, 12, 12, 16, 20, 20, 20, 16, 12, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0);
TJ2: array[1..52] of real = (20, 16, 12, 12, 12, 16, 20, 20, 20, 16, 12, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0);
}

//Exemplu 6 - date de intrare initializate
{lungSecv, poz: integer;
s : integer = 1;
f : integer = 7;
p : integer = 2;
vs : real = 3;
vf : real = 7;
cs : real = 0;
cf : real = 0.5;
lungTemp : integer = 7;
TJ1: array[1..52] of real = (10, 14, 18, 18, 18, 22, 26, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0);
TJ2: array[1..52] of real = (10, 14, 18, 18, 18, 22, 26, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0);
}

//Exemplu 7 - date de intrare initializate
{lungSecv, poz: integer;
s : integer = 1;
f : integer = 7;
p : integer = 2;
vs : real = 3;
vf : real = 7;
cs : real = 0;
cf : real = 0.5;
lungTemp : integer = 7;
TJ1: array[1..52] of real = (10, 14, 18, 18, 18, 14, 10, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0);
TJ2: array[1..52] of real = (10, 14, 18, 18, 18, 14, 10, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0);
}

//Exemplu 8 - date de intrare initializate
```



```
//citire date - decommentati aceasta parte pentru a citi de la tastatura /
comentati aceasta parte daca folositi exemple initializate in cod
    citesteParam(p, s, f, vs, vf, cs, cf);
    citesteSir(TJ1, s, f, lungTemp, 'Temperatura medie saptamanala in judetul
J1');
    citesteSir(TJ2, s, f, lungTemp, 'Temperatura medie saptamanala in judetul
J2');
//final citire date

lungSecv := 0;
poz := 0;
detSecvMaxAltern(TJ1, TJ2, lungTemp, p, vs, vf, cs, cf, lungSecv, poz);
afiseazaSecvMax(TJ1, TJ2, lungTemp, poz, lungSecv, s, p);
end.
```

Problema 3 - Molecula

Enunț

O moleculă este alcătuită dintr-o secvență de atomi. Descrierea sa se face cu ajutorul unei formule alcătuite din litere care reprezintă atomii din moleculă. Exemplu: H reprezintă hidrogen, C reprezintă carbon, iar O - oxigen; COOH este o moleculă formată dintr-un atom de carbon, 2 atomi de oxigen și un atom de hidrogen.

Descrierea compactă a formulelor presupune că:

- unii atomi se pot grupa prin adăugarea parantezelor; de exemplu, CH(OH) conține grupa (OH);
- o grupă poate conține alte grupe;
- 2 sau mai multe apariții consecutive ale unei litere pot fi înlocuite de litera respectivă urmată de numărul de apariții ale acesteia; de exemplu, COOH se poate rescrie ca CO₂H;
- 2 sau mai multe apariții consecutive ale unei grupe pot fi înlocuite de grupa respectivă urmată de numărul său de apariții; de exemplu CH(CO₂H)₃ conține în total 4 atomi de carbon, 6 atomi de oxigen și 4 atomi de hidrogen;
- numărul care reprezintă frecvența (unui atom, unei grupe de atomi) este mai mare decât 1 și mai mic decât 10.

Masa unei molecule este suma maselor atomilor care alcătuiesc molecula. Masa unui atom de hidrogen este 1, cea a unui atom de carbon este 12, iar masa unui atom de oxigen este 16.

Calculați masa unei molecule descrisă printr-o formulă de cel mult 100 de caractere.

Analiză

Problema este similară cu cea a evaluării unei expresii aritmetice. Se utilizează un tablou care simulează o stivă.

Se parcurge formula. Dacă se întâlnește:

- o literă (C, O, H), se adaugă la capătul tabloului masa atomului corespunzător;
- o paranteză deschisă, se adaugă la capătul tabloului valoarea -1 (simbol special pentru reprezentarea unei paranteze deschise);
- o paranteză închisă, se șterg și se însumează elemente începând de la capătul tabloului și avansând spre începutul acestuia până la întâlnirea valorii -1 (paranteza deschisă); se introduce suma obținută la capătul tabloului;
- o cifră, se șterge ultimul element din tablou, se înmulțește elementul eliminat cu cifra din formulă și se adaugă rezultatul la capătul tabloului;

Când se finalizează parcurgerea formulei, se însumează toate elementele din tablou.

Obs: stiva necesară în problemă se poate simula ușor cu ajutorul unui tablou și a lungimii acestuia.

Specificarea subalgoritmului

Funcție **masaMolecula(formula):**

Descriere: calculează masa unei molecule descrise de *formula*

Date: *formula* - șir de caractere care descrie o formulă conform regulilor din cerința problemei

Rezultate: masa formulei

Proiectare

funcție **masaMolecula(formula)** este:

```

lungime ← 1
pentru i ← 1, dimensiune(formula) executa
    c ← formula[i]
    daca c = 'O' atunci
        stiva[lungime] ← 16
        lungime ← lungime + 1
    altfel daca c = 'C' atunci
        stiva[lungime] ← 12
        lungime ← lungime + 1
    altfel daca c = 'H' atunci
        stiva[lungime] ← 1
        lungime ← lungime + 1
    altfel daca c = '(' atunci
        stiva[lungime] ← -1
        lungime ← lungime + 1
    altfel daca c = ')' atunci
        suma ← 0
        cat-timp stiva[lungime-1] ≠ -1 executa
            suma ← suma + stiva[lungime-1]
            lungime ← lungime - 1
        sf-cat-timp
        stiva[lungime-1] ← suma
    altfel cifra ← c - '0'
        ultim ← stiva[lungime - 1]
        stiva[lungime-1] ← cifra * ultim
    sf-daca
sf-daca
sf-daca
sf-daca
sf-daca
sf-pentru

masa ← 0
pentru i ← 1, lungime executa
    masa ← masa + stiva[i]
sf-pentru

masaMolecula ← masa
sf_functie
    
```

Exemple

Date de intrare	Rezultat
formula	

CH(CO ₂ H) ₃	148
CO ₂ H	45
((CH) ₂ (OH ₂ H)(C(H))O) ₃	222
COOH	45
(((HH) ₃) ₃) ₃	54

Cod sursă C++

```
int masaMolecula(string formula)
{
    int stiva[100];
    int lungime = 0;

    for (int i = 0; i < formula.size(); i++)
    {
        char c = formula.at(i);
        if (c == 'O')
        {
            stiva[lungime++] = 16;
        }
        else if (c == 'C')
        {
            stiva[lungime++] = 12;
        }
        else if (c == 'H')
        {
            stiva[lungime++] = 1;
        }
        else if (c == '(')
        {
            stiva[lungime++] = -1;
        }
        else if (c == ')')
        {
            int suma = 0;
            while (stiva[lungime - 1] != -1)
            {
                suma += stiva[lungime - 1];
                lungime--;
            }
            stiva[lungime - 1] = suma; //punem suma
        }
        else {
            int cifra = c - '0';
            int ultim = stiva[lungime - 1];
            stiva[lungime - 1] = cifra * ultim;
        }
    }

    int masa = 0;
```

```
for (int i = 0; i < lungime; i++)
{
    masa += stiva[i];
}
return masa;
}
```

Cod sursă Pascal

```
Program Molecula;
function masaMolecula(formula:string):integer;
var
    masa, suma, i, cifra, ultim: integer;
    stiva: array [1..100] of integer;
    lungime: integer;
    c: char;
begin
    lungime := 1;
    for i:= 1 to Length(formula) do
    begin
        c := formula[i];
        if c = 'O' then
        begin
            stiva[lungime] := 16;
            lungime := lungime + 1;
        end
        else if c = 'C' then
        begin
            stiva[lungime] := 12;
            lungime := lungime + 1;
        end
        else if c = 'H' then
        begin
            stiva[lungime] := 1;
            lungime := lungime + 1;
        end
        else if c = '(' then
        begin
            stiva[lungime] := -1;
            lungime := lungime + 1;
        end
        else if c = ')' then
        begin
            suma := 0;
            while stiva[lungime - 1] <> -1 do
            begin
                suma := suma + stiva[lungime - 1];
                lungime := lungime - 1;
            end;
            stiva[lungime - 1] := suma;
        end
        else
        begin
            cifra := Ord(c) - Ord('0');
            ultim := stiva[lungime-1];
            ultim := ultim * cifra;
            stiva[lungime-1] := ultim;
        end
    end
end
```

```
        end;
    end;
    masa := 0;
    for i := 1 to lungime - 1 do
        masa := masa + stiva[i];
        masaMolecula := masa;
    end;
begin
    writeln(masaMolecula('COOH'));
    writeln(masaMolecula('CO2H'));
    writeln(masaMolecula('CH(CO2H)3'));
    writeln(masaMolecula('((CH)2(OH2H)(C(H)O)3)'));
    writeln(masaMolecula('(((HH)3)3)3'));
end.
```

Problema 4 - Punct de rotație

Enunț

Se deschide un dicționar la întâmplare și se răsfoiește, parcurgând paginile în ordine, de la punctul de deschidere până la final. Pe măsură ce se parcurg paginile, se aleg anumite cuvinte care se adaugă într-un tablou. Când se ajunge la sfârșitul dicționarului, se continuă procesul de la începutul dicționarului, adăugându-se în continuare cuvinte în tablou până când se întâlnește din nou pagina de la care s-a pornit, moment în care s-a creat un tablou *ordonat rotit*. Acesta conține cuvinte care sunt aproape ordonate alfabetic (se începe de pe o poziție aleatorie din alfabet, se ajunge până la finalul acestuia și se reia alfabetul de la început până la punctul de pornire - exclusiv). Un asemenea tablou are un *punct de rotație*: poziția celui mai mic element în ordine alfabetică. De exemplu, punctul de rotație al tabloului [*harta, iarna, inel, joc, auto, carte, desen, ghiocel*] este 5, întrucât pe poziția 5 se află cuvântul *auto*, presupunând că indexarea începe de la 1 (respectiv poziția 4 în codul C++). Se cere găsirea punctului de rotație.

Analiză

Problema poate fi rezolvată folosind o variantă modificată a căutării binare:

- tabloul este sortat până la un punct (punctul de rotație), după care urmează doar elemente care sunt mai mici decât primul element (de pe poziția 1); deci se va căuta prima poziție care conține un element care este mai mic decât elementul de pe poziția 1 din tablou;
- se consideră 2 poziții, *început* și *sfârșit*; se calculează *mijlocul*; dacă elementul de la mijloc este mai mare decât primul element (cel de pe poziția 1), se continuă căutarea în a doua jumătate, altfel se continuă căutarea în prima jumătate;
- în momentul în care $sfârșit = început + 1$, căutarea s-a terminat, iar soluția este poziția *sfârșit*.

Specificarea subalgoritmului

Funcție **punctDeRotatie(tablou, n)**:

Descriere: caută punctul de rotație într-un tablou de n elemente

Date: *tablou* – tablou în care fiecare element este un șir de caractere; conținutul tabloului corespunde cerinței din problemă

n – lungimea tabloului

Rezultate: punctul de rotație (poziție în tablou, număr întreg)

Proiectare

funcție `punctDeRotatie(tablou, n)` este:

```
indexPrim ← 1
indexUltim ← n
cattimp (indexPrim < indexUltim) executa
    mijloc ← (indexPrim + indexUltim) div 2
    daca (tablou[1] < tablou[mijloc]) atunci
        indexPrim ← mijloc
```

```

altfel
    indexUltim ← mijloc
sf-daca
daca (indexPrim + 1 = indexUltim) atunci
    punctDeRotatie ← indexUltim
sf-daca
sf-cattimp
sf-functie
    
```

Exemple

Date de intrare		Rezultat
tablou	n	Presupunand indexare de la 1
["hartă", "iarnă", "inel", "joc", "auto", "carte", "desen", "găina"]	8	5
["hartă", "iarnă", "inel", "joc", "legătura", "masina", "pantofi", "rezultat", "tango", "auto", "carte", "curcubeu", "desen", "găina"]	14	10
["hartă", "iarnă", "inel", "joc", "lemn", "negru", "primăvara", "vale", "vierme", "auto", "carte", "desen", "găina"]	13	10
["banca", "carte", "curcubeu", "desen", "găina", "hartă", "iarnă", "inel", "joc", "legătura", "masina", "pantofi", "rezultat", "salsa", "tango", "auto"]	16	16
["tango", "auto", "banca", "carte", "curcubeu", "desen", "găina", "hartă", "iarnă", "inel", "joc", "legătura", "masina", "pantofi", "rezultat", "salsa"]	16	2

Cod sursă C++

//**OBSERVAȚIE** – în C++ indexarea începe de la 0, deci rezultatul este cu 1 mai mic decât în exemplele de mai sus

```

int punctDeRotatie(string elemente[], int n)
{
    int indexPrim = 0;
    int indexUltim = n - 1;

    while (indexPrim < indexUltim)
    {
        int mijloc = (indexPrim + indexUltim) / 2;
        if (elemente[0] < elemente[mijloc])
        {
            indexPrim = mijloc;
        }
        else
    
```

```
    {
        indexUltim = mijloc;
    }
    if (indexPrim + 1 == indexUltim)
    {
        return indexUltim;
    }
}
}
```

Cod sursă Pascal

```
type
T = array[1..100] of string;
function punctDeRotatie (tablou: T; n: integer): integer;
var
    i, indexPrim, indexUltim, mijloc: integer;
    cont: Boolean;
begin
    indexPrim := 1;
    indexUltim := n;
    cont := True;
    while cont do
    begin
        mijloc := (indexPrim + indexUltim) div 2;
        if (tablou[1] < tablou[mijloc]) then
            indexPrim := mijloc
        else
            indexUltim := mijloc;
        if indexPrim + 1 = indexUltim then
        begin
            punctDeRotatie := indexUltim;
            cont := False;
        end;
    end;
end;

end;
```

Problema 5 - Găsește duplicatul

Enunț

Problemă suplimentară cu rezolvare în C++/Pascal (cu explicații generale).

Se dă un tablou cu $n+1$ elemente, în care fiecare element este un număr întreg din intervalul $[1,n]$. Prin urmare, există cel puțin un element care se repetă. Este posibil ca toate elementele să fie egale. Să se găsească unul dintre elementele care se repetă.

Exemple

Date de intrare		Rezultat
Tablou	n	
[1,2,3,4,5,6,2]	7	2
[1,1,1,1,1,1,1]	7	1
[1,2,3,1,2,3,1,2,3,1,2,3]	12	1 sau 2 sau 3
[6,1, 5, 2, 3, 2, 4, 7]	8	2
[1, 1, 1, 1, 7, 7, 7, 7]	8	1 sau 7

Analiză

Varianta 1

- se utilizează 2 cicluri for

Complexitate de spațiu extra (ignorând tabloul de intrare): $\Theta(1)$

Complexitate de timp: $O(n^2)$ (în cel mai rău caz – când ultimele 2 elemente sunt egale, restul unice – se execută ambele cicluri for complet, dar execuția se poate opri și mai repede)

Cod sursă C++

```
int duplicat1(int elemente[], int lungime)
{
    for (int i = 0; i < lungime; i++)
    {
        for (int j = i + 1; j < lungime; j++)
        {
            if (elemente[i] == elemente[j])
            {
                return elemente[i];
            }
        }
    }
}
```

Cod sursă Pascal

type

```
T = array[1..100] of integer;

function duplicat1(tablou: T; n: integer):integer;
var
    i, j, result: integer;
    cont: Boolean;
begin
    i := 1;
    cont := True;
    result := 0;
    while (i <= n) and cont do
    begin
        j := i + 1;
        while (j <= n ) and cont do
        begin
            if (tablou[i] = tablou[j]) then
            begin
                result := tablou[i];
                cont := False;
            end;
            j := j +1;
        end;
        i := i + 1;
    end;
    duplicat1 := result;
end;
```

Varianta 2

- se folosește un tablou auxiliar de n elemente cu valoarea *true* sau *false*;
- inițial, toate elementele din tabloul auxiliar au valoarea *false*; se parcurge tabloul cu numere întregi: pentru fiecare număr *e*, se setează valoarea de pe poziția *e* din tabloul auxiliar la *true*; dacă valoarea este deja *true*, se returnează *e*, fiind un element duplicat.

Complexitate de spațiu extra: $\Theta(n)$

Complexitate de timp: $O(n)$

Cod sursă C++

```
int duplicat2(int elemente[], int lungime)
{
```



```
//sunt n+1 elemente din intervalul 1..n; folosim un vector auxiliar de n+1 elemente, nu
utilizam pozitia 0
bool* auxiliar = new bool[lungime];
for (int i = 0; i < lungime; i++)
{
    auxiliar[i] = false;
}
for (int i = 0; i < lungime; i++)
{
    int elem = elemente[i];
    if (auxiliar[elem] == true)
    {
        delete[] auxiliar;
        return elem;
    }
    else
    {
        auxiliar[elem] = true;
    }
}
}
```

Cod sursă Pascal

```
type
T = array[1..100] of integer;
TBool = array[1..100] of Boolean;

function duplicat2(tablou: T; n: integer): integer;
var
    i, elem, result: integer;
    aux: TBool;
    cont : Boolean;
begin
    for i:= 1 to n do
        aux[i] := False;
    cont := True;
    i := 1;
    while (i <= n) and cont do
        begin
            elem := tablou[i];
            if (aux[elem] = true) then
                begin
                    cont := False;
                    result := elem;
                end
            else
                aux[elem] := True;
                i := i + 1;
            end;
        end;
```

```
    duplicat2 := result;  
end;
```

Varianta 3

Se folosește o metodă similară cu căutarea binară:

- vectorul de elemente nu se împarte (ca în cazul căutării binare), ci se încearcă reducerea intervalului în care se găsește un element duplicat;
- elementele sunt din intervalul $[1\dots n]$; dacă se împarte intervalul în 2 jumătăți, una dintre acestea ar trebui să conțină mai multe elemente decât lungimea intervalului, întrucât cele 2 intervale au împreună lungimea n , dar șirul conține $n+1$ elemente; elementul care se repetă este în jumătatea respectivă și se poate continua căutarea în acel interval.

Complexitate de spațiu extra: $\Theta(1)$

Complexitate de timp: $\Theta(n \cdot \log_2 n)$

Cod sursă C++

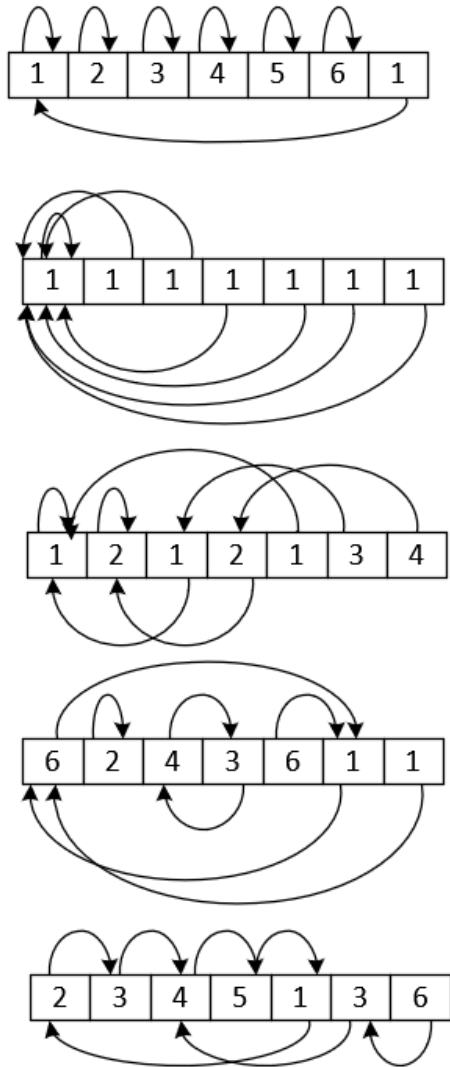
```
int duplicat3(int elemente[], int lungime)  
{  
    int inceput = 1;  
    int sfarsit = lungime - 1;  
  
    while (inceput < sfarsit)  
    {  
        int mijloc = (inceput + sfarsit) / 2;  
        int count = 0;  
        for (int i = 0; i < lungime; i++)  
        {  
            if (elemente[i] >= inceput && elemente[i] <= mijloc)  
            {  
                count++;  
            }  
        }  
        int lungimeInterval = mijloc - inceput + 1;  
        if (lungimeInterval < count)  
        {  
            sfarsit = mijloc;  
        }  
        else  
        {  
            inceput = mijloc + 1;  
        }  
    }  
    return inceput;  
}
```

Cod sursă Pascal

```
type
T = array[1..100] of integer;
function duplicat3(tablou: T; n: integer): integer;
var
    inceput, sfarsit, mijloc, result, count, lungimeInterval, i: integer;
begin
    inceput := 1;
    sfarsit := n;
    while (inceput < sfarsit) do
    begin
        mijloc := (inceput + sfarsit) div 2;
        count := 0;
        //numaram cate elemente sunt in intervalul [inceput, mijloc]
        for i := 1 to n do
        begin
            if (tablou[i] >= inceput) and (tablou[i] <= mijloc) then
                count := count + 1;
        end;
        lungimeInterval := mijloc - inceput + 1;
        if (lungimeInterval < count) then
            sfarsit := mijloc
        else
            inceput := mijloc + 1;
        end;
        duplicat3 := inceput;
    end;
end;
```

Varianta 4

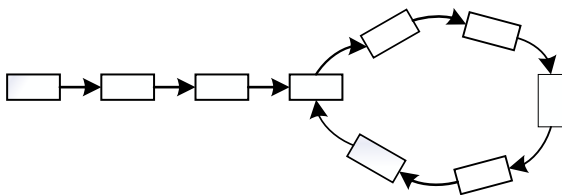
- Întrucât fiecare poziție conține un număr din intervalul $[1..n]$, aceste valori se pot trata ca și cum ar fi poziții din tablou, un fel de pointeri către elementul următor; se presupune că numerotarea pozițiilor începe de la 1.
- exemple:



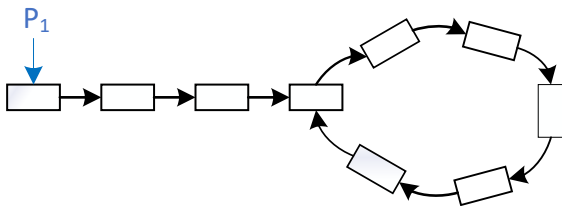
- Dacă ne uităm la desene, putem observa că în anumite poziții intră mai mulți *pointeri*. Și că fiecare poziție în care intră mai mulți pointeri reprezintă un element care se repetă.
- Dacă folosim aceste legături "fictive", putem parcurge tabloul ca și cum ar fi o listă înlănțuită. Considerând ultimul exemplu de mai sus, dacă pornim de pildă de la poziția 1, trecem prin următoarele elemente/poziții:
 - poz 1 -> poz 2 -> poz 3 -> poz 4 -> poz 5 -> poz 1 -> poz 2 -> poz 3 ... etc.

- Sau dacă pornim de la poziția 6 vom avea: poz 6 -> poz 3 -> poz 4 -> poz 5 -> poz 1 -> poz 2 -> poz 3 -> poz 4 ... etc.
- Sau dacă pornim de la poziția 7 vom avea: poz 7 -> poz 6 -> poz 3 -> poz 4 -> poz 5 -> poz 1 -> poz 2 -> poz 3 -> poz 4 ... etc.
- De la care poziție ar trebui să începem parcurgerea?
- Primul element dintr-o listă ar trebui să fie un element spre care nu *pointează* niciun alt element. Avem $n+1$ poziții, dar elementele sunt până la n , nu există niciun element care să *pointeze* spre ultimul element din listă, ar trebui să începem de acolo parcurgerea.
- Pentru exemplele de mai sus, aceste parcurgeri ar fi:
 - poz 7 -> poz 1 -> poz 1 -> poz 1 ...
 - poz 7 -> poz 1 -> poz 1 -> poz 1 ...
 - poz 7 -> poz 4 -> poz 2 -> poz 2 -> poz 2 ...
 - poz 7 -> poz 1 -> poz 6 -> poz 1 -> poz 6 ...
 - poz 7 -> poz 6 -> poz 3 -> poz 4 -> poz 5 -> poz 1 -> poz 2 -> poz 3 -> poz 4 -> poz 5 ...
- Putem observa că fiecare parcurgere la un moment dat se termină într-un ciclu, iar prima poziție care se repetă în parcurgere (adică începutul ciclului) reprezintă elementul care se repetă (elem 1, elem 1, elem 2, elem 6, elem 3 în exemplele de mai sus)
- Cum găsim începutul ciclului?
 - Dacă am ști că lungimea ciclului (numărul de elemente) este L , am putea folosi metoda următoare:
 - Pornim în parcurgere (de la ultimul element) și facem L pași.
 - După ce am făcut L pași, pornim cu încă un *pointer* de la început și mergem în paralel.
 - Când cei 2 pointeri se întâlnesc, am găsit începutul ciclului.

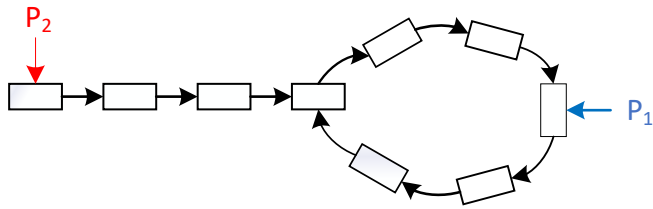
De exemplu, considerăm lista din figura de mai jos, pentru care știm că lungimea ciclului este 6.



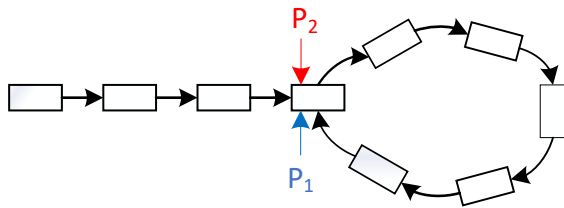
Pornim cu un pointer P_1 de la primul element:



Din moment ce știm că lungimea ciclului este 6, facem 6 pași cu pointerul P1 (deci de 6 ori mergem la nodul următor). După care luăm un pointer P2 pe care îl setăm la începutul listei:



Mai departe mergem în paralel cu cei 2 pointeri, până când ei *poartează* spre același element. Acel element e începutul ciclului (în figura de mai sus, sunt necesari 3 pași):



- Metoda de mai sus se bazează pe faptul că știm lungimea ciclului. Cum găsim această lungime?
 - o Dacă la un moment dat știm că suntem în interiorul ciclului (nu contează unde), putem reține elementul curent și continua deplasarea până ajungem înapoi la acel element. Pe parcursul deplasării numărăm câți pași facem. Acest număr este lungimea ciclului.
- Cum ne asigurăm că suntem în interiorul ciclului?
 - o Există n valori posibile pentru elementele tabloului, deci lungimea maximă a unui ciclu este n . Dacă ne deplasăm $n+1$ pași pornind de la începutul listei (adică ultima poziție), știm sigur că suntem în listă.
- Deci algoritmul pe scurt:
 - o Pornim de la ultima poziție și ne deplasăm $n+1$ pași, ca să ne asigurăm că suntem în interiorul ciclului.
 - o Reținem elementul curent, pornim un contor și continuăm deplasarea, până ajungem înapoi la elementul curent.
 - o Când știm lungimea ciclului, pornim o parcurgere nouă de la început, facem *lungime* pași, după care pornim cu un al 2-lea pointer și mergem în paralel, până când cei 2 pointeri sunt pe aceeași poziție. Această poziție reprezintă începutul ciclului și unul dintre elementele care se repetă.

Implementare C++

```
int duplicat4(int elemente[], int lungime)
{
    int curent = lungime; //pozitia curenta din tablou
    for (int i = 0; i < lungime; i++)
    {
        curent = elemente[curent - 1]; //ne trebuie -1, pentru ca in C++ pozitiile se
numara de la 0 nu de la 1
    }
    //acum curent este in ciclu
    int elemDinCiclu = curent;
    int lungimeCiclu = 1;
    curent = elemente[curent - 1];
    while (curent != elemDinCiclu)
    {
        lungimeCiclu++;
        curent = elemente[curent - 1];
    }
    //lungime e lungimea ciclului.
    int pointerNou = lungime; //pornim cu un pointer nou de la inceput
    for (int i = 0; i < lungimeCiclu; i++)
    {
        pointerNou = elemente[pointerNou - 1];
    }
    int pointerNou2 = lungime;
    //acum mergem in paralel cu pointeri
    while (pointerNou != pointerNou2)
    {
        pointerNou = elemente[pointerNou - 1];
        pointerNou2 = elemente[pointerNou2 - 1];
    }
    return pointerNou;
}
```

Complexitate de spațiu extra: $\Theta(1)$

Complexitate de timp: $\Theta(n)$

Implementare Pascal

```
type
T = array[1..100] of integer;

function duplicat4(tablou: T; n: integer): integer;
var
    elemDinCiclu, lungimeCiclu, pointerNou, pointerNou2, curent, i:
integer;
begin
```

```
curent := n; //pornim de la ultima pozitie
//de n+1 ori mergem la pozitia spre care "pointeaza" valoarea de pe
pozitia curenta
for i := 1 to n+1 do
    curent := tablou[curent];
//stim sigur ca suntem in ciclu. Calculam lungimea ciclului
elemDinCiclu := curent;
lungimeCiclu := 1;
curent := tablou[curent];
while (curent <> elemDinCiclu) do
begin
    lungimeCiclu := lungimeCiclu + 1;
    curent := tablou[curent];
end;
//pornim de la capatul tabloului (adica inceputul listei) si facem
lungimeCiclu pasi
pointerNou := n;
for i:=1 to lungimeCiclu do
    pointerNou := tablou[pointerNou];
//pornim cu inca un pointer
pointerNou2 := n;
while (pointerNou <> pointerNou2) do
begin
    pointerNou := tablou[pointerNou];
    pointerNou2 := tablou[pointerNou2];
end;
duplicat4 := pointerNou;
end;
```


Întrebări grilă

Întrebarea 1a.

Considerați subalgoritmul următor:

```
void s1(int tablou[], int n)
{
    for (int i = 0; i < 5; i++)
    {
        for (int j = 0; j < n - 1; j++)
        {
            if (tablou[j] > tablou[j + 1])
            {
                int tmp = tablou[j];
                tablou[j] = tablou[j + 1];
                tablou[j + 1] = tmp;
            }
        }
    }
}
```

Care dintre următoarele afirmații despre subalgoritmul s1 este adevărată?

- a. Subalgoritmul s1 sortează un tablou indiferent de lungimea tabloului.
- b. Subalgoritmul s1 sortează un tablou dacă are lungimea 5.
- c. Subalgoritmul s1 sortează un tablou dacă are lungimea mai mică decât 5.
- d. Subalgoritmul s1 sortează un tablou dacă are lungimea mai mare decât 5.

Întrebarea 1b.

Considerați același subalgoritm s1 (de la întrebarea 1a). Care dintre următoarele afirmații este adevărată?

- a) După rularea subalgoritmului s1, indiferent de lungimea tabloului, pe ultima poziție va fi cel mai mare element din tablou.
- b) După rularea subalgoritmului s1, indiferent de lungimea tabloului, pe ultima poziție va fi cel mai mic element din tablou.
- c) După rularea subalgoritmului s1, indiferent de lungimea tabloului, pe prima poziție va fi cel mai mic element din tablou.
- d) După rularea subalgoritmului s1, indiferent de lungimea tabloului, pe prima poziție va fi cel mai mare element din tablou.

Întrebarea 2a.

Considerați subalgoritmul următor:

```
int s2(int tablou[], int n, int p, int c) {
    if (p == n) {
        return c;
    }
    else if (c > tablou[p]) {
        return s2(tablou, n, p + 1, c);
    }
    else if (c < tablou[p]) {
        return s2(tablou, n, p + 1, tablou[p]);
    }
    return 0;
}
```

Ce va returna subalgoritmul s2, dacă îl apelăm cu $tablou = [1, 2, 3, 4, 5, 5]$, $n = 6$, $p = 0$, $c = -1$?

- a. -1
- b. 0
- c. 5
- d. 6

Întrebarea 2b.

Considerați același subalgoritm s2 (de la întrebarea 2b). De câte ori se execută comparația $c < tablou[p]$ dacă apelăm s2 cu $tablou = [-1, 7, 3, 9, 2, 11]$, $n = 6$, $p = 1$, $c = -1$?

- a. 0
- b. 2
- c. 3
- d. 5

Întrebarea 3.

Considerați problema verificării existenței unui element e într-un tablou *tablou* cu lungimea n . Care dintre următorii subalgoritmi reprezintă rezolvări corecte pentru această problemă?

a. Subalgoritmul a1

```
bool a1(int tablou[], int n, int e)
{
    bool g = false;
    int i = 0;
    while (i < n)
    {
        if (tablou[i] == e)
        {
            g = true;
        }
        else
        {
            g = false;
        }
        i = i + 1;
    }
    return g;
}
```

b. Subalgoritmul a2

```
bool a2(int tablou[], int n, int e)
{
    bool g = false;
    int i = 0;
    while (i < n and !g)
    {
        if (tablou[i] == e)
        {
            g = true;
        }
        else
        {
            g = false;
        }
        i = i + 1;
    }
    return g;
}
```

c. Subalgoritmul a3

```
bool a3(int tablou[], int n, int e)
{
    int c = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
```

```
{
    if (tablou[i] == e)
    {
        c++;
    }
    else
    {
        c--;
    }
}
return -1 * n != c;
}
```

d. Subalgoritmul a4

```
bool a4(int tablou[], int n, int e)
{
    int i = 0;
    bool g = false;
    while (i < n)
    {
        if (tablou[i] < e + 1 && tablou[i] % e == 0)
        {
            g = true;
        }
        i = i + 1;
    }
    return g;
}
```

Întrebarea 4.

Se consideră problema: se dă un cuvânt (reprezentat ca un tablou de caractere de lungime n) format doar din literele mici ale alfabetului englez; verificați dacă se poate forma un palindrom rearanjând literele cuvântului. Se propune algoritmul de mai jos pentru rezolvarea problemei:

```
bool palindrom(char tablou[], int n)
{
    int f[26];
    for (int i = 0; i < 26; i++)
    {
        f[i] = 0;
    }
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        f[tablou[i] - 'a'] ++;
    }
    bool g = true;
    int m = 0;
    int i = 0;
    while (i < 26 && g)
    {
        if ( _____ )
        {
            g = false;
        }
        else if (f[i] % 2 == 0)
        {
            i = i + 1;
        }
        else
        {
            m++;
            i = i + 1;
        }
    }
    return g;
}
```

Care dintre următoarele condiții ar trebui adăugată pe linia marcată pentru a obține o soluție corectă?

- a. $f[i] \% 2 == 1$
- b. $f[i] \% 2 == 1 \ \&\& \ m \geq 1$
- c. $f[i]\%2 == 1 \ \&\& \ m == 1$
- d. $g == \text{true} \ \&\& \ f[i] \% 2 == 1$

Întrebarea 5.

Încercuiți expresia calculată de secvența de cod:

```
int n;  
float s = 0, p = 1;  
do  
{  
    cout << "n: ";  
    cin >> n;  
} while (n <= 0);  
for (int i = 1; i <= n; i++)  
{  
    p *= i;  
    s += 1 / p;  
}
```

- a. $\frac{1}{1^2} + \frac{1}{2^2} + \dots + \frac{1}{n^2}$
- b. $\frac{1}{1!} + \frac{1}{2!} + \dots + \frac{1}{n!}$
- c. $\frac{1}{2^1} + \frac{1}{2^2} + \dots + \frac{1}{2^n}$
- d. $\frac{1}{n^2} + \frac{1}{n^2} + \dots + \frac{1}{n^n}$

Întrebarea 6.

Ce valoare afișează secvența de cod:

```
int b = 0, c = 0;
for (int i = 0; i < 10; i++)
{
    c += i;
    b += ++c - 1;
}
cout << b;
```

- a. 45
- b. 210
- c. 120
- d. 0

Întrebarea 7.

Se consideră subprogramul f cu definiția de mai jos. Ce valoare are $f(0,100)$?

```
int f(int x, int y)
{
    if (x < y - 1)
        return 1 + f(x + 1, y - 1);
    else
        return 0;
}
```

- a. 48
- b. 49
- c. 50
- d. 51

Răspunsuri grilă:

1a. - b, c

1b. - a

2a. - b

2b. - c

3 - b, c

4 - b, c

5 - b

6 - b

7 - c